

14. Zeichen und Texte II

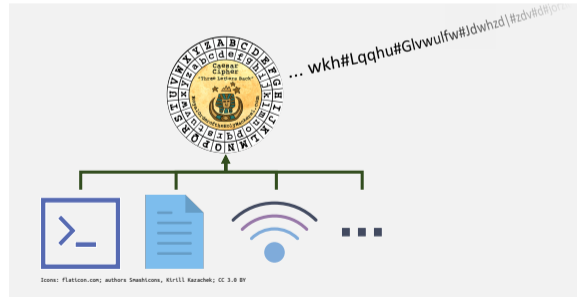
Caesar-Code mit Streams, Texte als Strings, String-Operationen

Caesar-Code: Generalisierung

```
void caesar(int s) {  
    std::cin >> std::noskipws;  
  
    char next;  
    while (std::cin >> next) {  
        std::cout << shift(next, s);  
    }  
}
```

- Momentan nur von `std::cin` nach `std::cout`

- Besser: von beliebiger Zeichenquelle (Konsole, Datei, ...) zu beliebiger Zeichensenke (Konsole, ...)



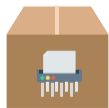
Einschub: Abstrakte vs. konkrete Typen

DestroyBox



(abstrakt,
generisch)

(ist eine)



(konkret,
spezifisch)

ShredBox

FireBox

```
void move_house(DestroyBox& db) {  
    // any destroy box will do  
    db.dispose(old_ikea_couch);  
    db.dispose(cheap_wine);  
    ...  
}
```

```
FireBox fb(5000°C);  
move_house(fb);
```

```
ShredBox sb;  
move_house(sb);
```

Abstrakte und konkrete Zeichenströme

DestroyBox



(abstrakt,
generisch)

(ist eine)



(konkret,
spezifisch)

ShredBox

FireBox

std::ostream



std::ofstream

std::cout

Caesar-Code: Generalisierung

```
void caesar(std::istream& in,
            std::ostream& out,
            int s) {

    in >> std::noskipws;

    char next;
    while (in >> next) {
        out << shift(next, s);
    }
}
```

- `std::istream/std::ostream` ist ein abstrakter *Eingabe-/Ausgabestrom* an `chars`
- Aufruf der Funktion erfolgt mit *konkreten* Strömen, z.B.:
 - Konsole: `std::cin/cout`
 - Dateien: `std::ifstream/ofstream`

Caesar-Code: Generalisierung, Beispiel 1

```
#include <iostream>
```

```
...
```

```
// in void main():
```

```
caesar(std::cin, std::cout, s);
```

Aufruf der generischen `caesar`-Funktion: Von `std::cin` nach `std::cout`

Caesar-Code: Generalisierung, Beispiel 2

```
#include <iostream>
#include <fstream>
...

// in void main():
std::string to_file_name = ...; // Name of file to write to
std::ofstream to(to_file_name); // Output file stream

caesar(std::cin, to, s);
```

Aufruf der generischen `caesar`-Funktion: Von `std::cin` zu Datei

Caesar-Code: Generalisierung, Beispiel 3

```
#include <iostream>
#include <fstream>
...

// in void main():
std::string from_file_name = ...; // Name of file to read from
std::string to_file_name = ...; // Name of file to write to
std::ifstream from(from_file_name); // Input file stream
std::ofstream to(to_file_name); // Output file stream

caesar(from, to, s);
```

Aufruf der generischen **caesar**-Funktion: Von Datei zu Datei

Caesar-Code: Generalisierung, Beispiel 4

```
#include <iostream>
```

```
#include <sstream>
```

```
...
```

```
// in void main():
```

```
std::string plaintext = "My password is 1234";
```

```
std::istringstream from(plaintext);
```

```
caesar(from, std::cout, s);
```

Aufruf der generischen **caesar**-Funktion: Von einem String nach

std::cout

Ströme: Abschluss

Hinweis: Sie müssen Ströme nur *anwenden* können

- *Anwenderwissen*, auf dem Niveau der vorherigen Folien, reicht für Hausaufgaben und Prüfung aus
- D.h. Sie müssen nicht wissen, wie Ströme intern funktionieren
- Wie sie selbst *abstrakte* und dazu passende *konkrete Typen* erstellen können, erfahren Sie ganz am Ende dieses Kurses

Texte

- Text „**Sein oder nicht sein**“ könnte als `vector<char>` repräsentiert werden
- Texte sind jedoch allgegenwärtig, daher existiert in der Standardbibliothek ein eigener Typ für sie: `std::string` (Zeichenkette)
- Benutzung benötigt `#include <string>`

Benutzung von `std::string`

- Deklaration und Initialisierung mittels Literal:

```
std::string text = "Essen ist fertig!"
```

- Mit variabler Länge initialisieren:

```
std::string text(n, 'a')
```

`text` wird mit n 'a's gefüllt

- Texte vergleichen:

```
if (text1 == text2) ...
```

`true` wenn zeichenweise gleich

Benutzung von `std::string`

- Grösse auslesen:

```
for (unsigned int i = 0; i < text.size(); ++i) ...
```

Grösse ungleich Textlänge für Multibytekodierungen, z.B. UTF-8

- Einzelne Zeichen lesen:

```
if (text[0] == 'a') ... // or text.at(0)
```

`text[0]` prüft Indexgrenzen nicht, `text.at(0)` hingegen schon

- Einzelne Zeichen schreiben:

```
text[0] = 'b'; // or text.at(0)
```

Benutzung von `std::string`

- Strings konkatenieren (zusammensetzen):

```
text = ":-";  
text += ")";  
assert(text == ":-)");
```

- Viele weitere Operationen, bei Interesse siehe <https://en.cppreference.com/w/cpp/string>

15. Vektoren II

Mehrdimensionale Vektoren/Vektoren von Vektoren, Kürzeste Wege,
Vektoren als Funktionsargumente

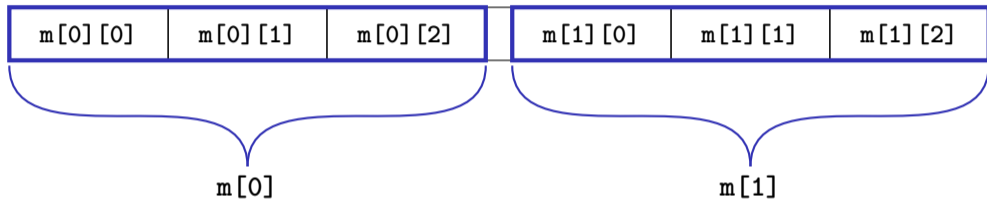
Mehrdimensionale Vektoren

- Zum Speichern von mehrdimensionalen Strukturen wie Tabellen, Matrizen, ...
- ...können *Vektoren von Vektoren* verwendet werden:

```
std::vector<std::vector<int>> m; // An empty matrix
```


Mehrdimensionale Vektoren

Im Speicher: flach



Im Kopf: Matrix

Spalten

	0	1	2
0	m[0][0]	m[0][1]	m[0][2]
1	m[1][0]	m[1][1]	m[1][2]

Zeilen

Mehrdimensionale Vektoren: Initialisierung

Mittels Initialisierungslisten:

```
// A 3-by-5 matrix
std::vector<std::vector<std::string>> m = {
    {"ZH", "BE", "LU", "BS", "GE"},
    {"FR", "VD", "VS", "NE", "JU"},
    {"AR", "AI", "OW", "IW", "ZG"}
};

assert(m[1][2] == "VS");
```

Mehrdimensionale Vektoren: Initialisierung

Auf bestimmte Grösse füllen:

```
unsigned int a = ...;
unsigned int b = ...;

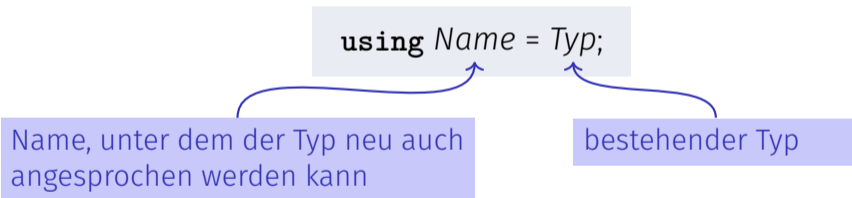
// An a-by-b matrix with all ones
std::vector<std::vector<int>>
    m(a, std::vector<int>(b, 1));
```

`m` (Typ `std::vector<std::vector<int>>`) ist ein Vektor der Länge `a`, dessen Elemente (Typ `std::vector<int>`) Vektoren der Länge `b` sind, deren Elemente (Typ `int`) alles Einsen sind

(Es gibt noch viele weitere Wege, Vektoren zu initialisieren)

Mehrdimensionale Vektoren und Typ-Alias

- Auch möglich: Vektoren von Vektoren von Vektoren von ...:
`std::vector<std::vector<std::vector<...>>>`
- Typnamen können offensichtlich laaaaaaang werden
- Dann hilft die Deklaration eines *Typ-Alias*:



Typ-Alias: Beispiel

```
#include <iostream>
#include <vector>
using imatrix = std::vector<std::vector<int>>;

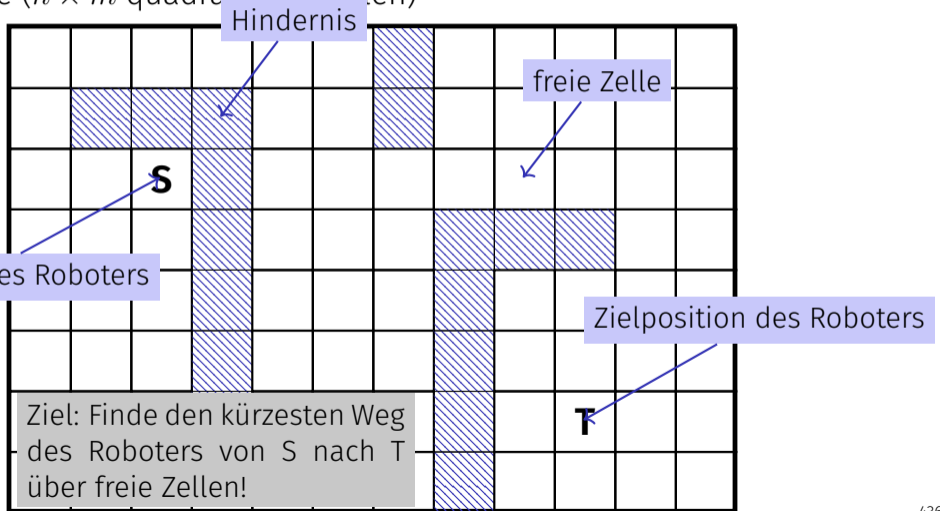
// POST: Matrix 'm' was output to stream 'out'
void print(const imatrix& m, std::ostream& out);

int main() {
    imatrix m = ...;
    print(m, std::cout);
}
```

Erinnerung: **const**-Referenz für Effizienz (keine Kopie) und Sicherheit (unveränderlich)

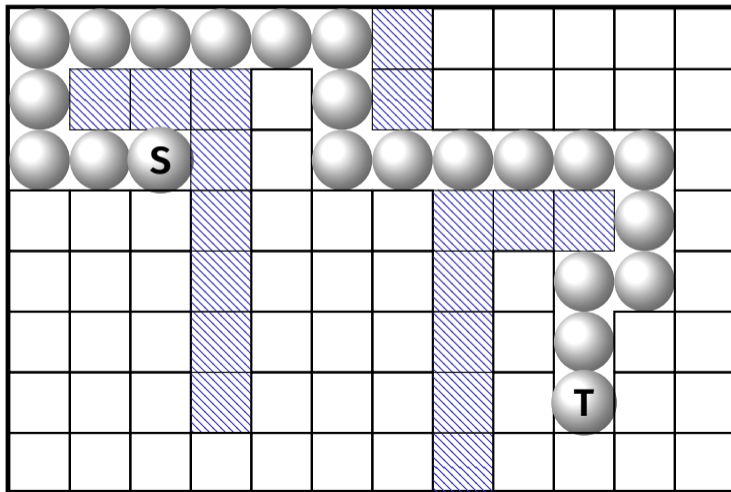
Anwendung: Kürzeste Wege

Fabrik-Halle ($n \times m$ quadratische Zellen)



Anwendung: Kürzeste Wege

Lösung



Ein (scheinbar) anderes Problem

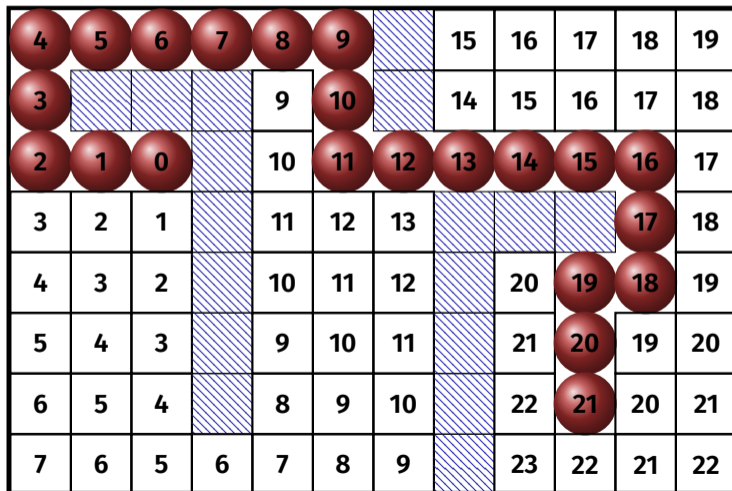
Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen



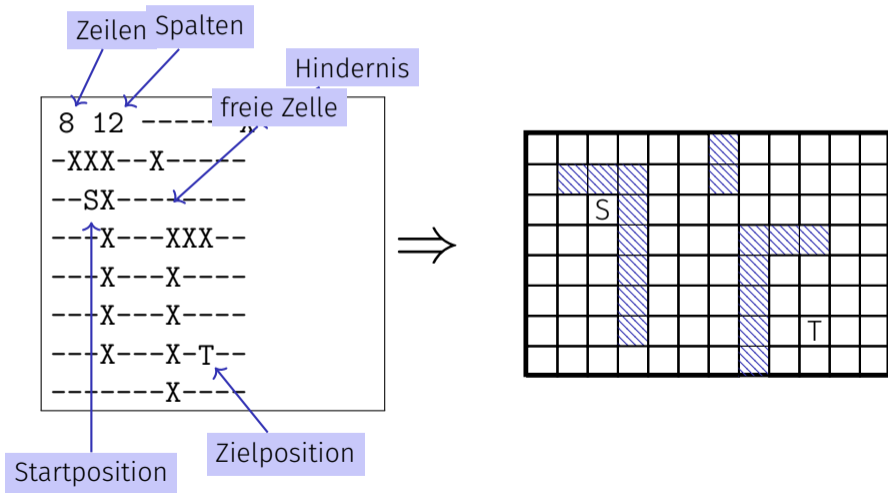
Das löst auch das Original-Problem: Starte in T; folge einem Weg mit sinkenden Längen

Ein (scheinbar) anderes Problem

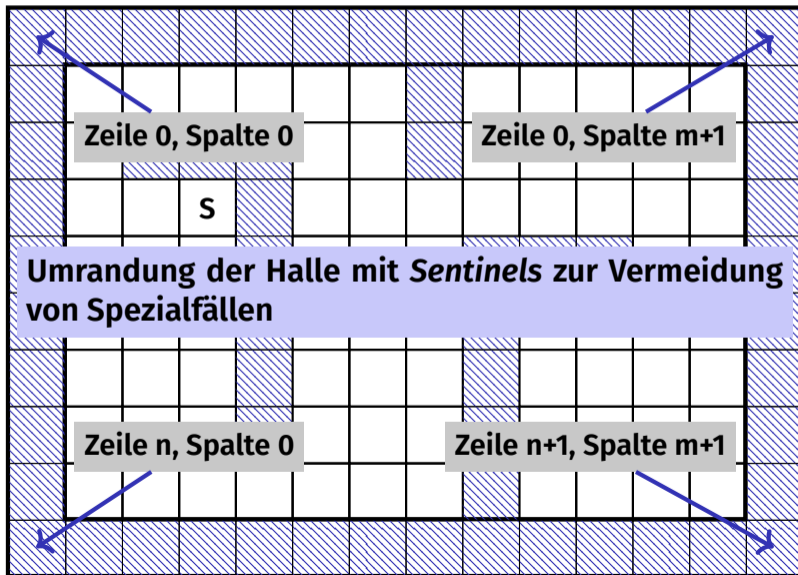
Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen



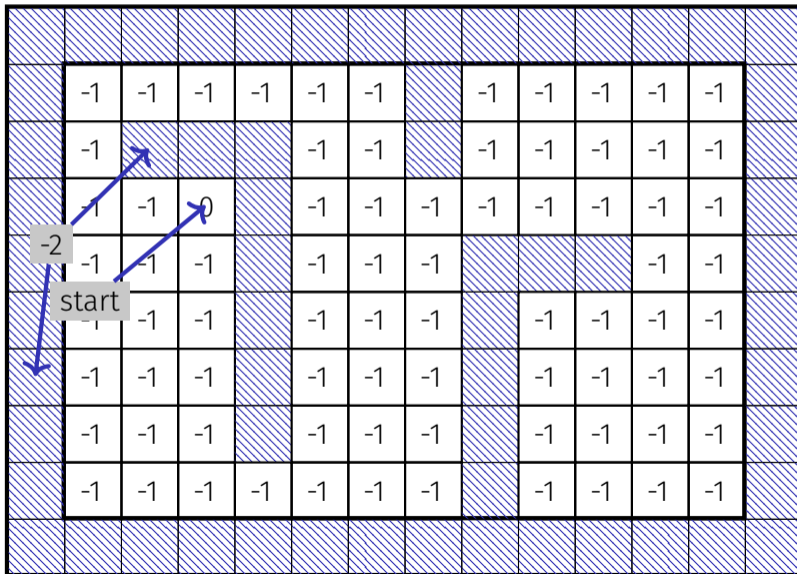
Vorbereitung: Eingabeformat



Vorbereitung: Wächter (*Sentinels*)



Vorbereitung: Initiale Markierung



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Dimensionen und Bereitstellung eines zweidimensionalen Feldes für die Weglängen

```
#include<iostream>
#include<vector>
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    // read floor dimensions
```

```
    int n; std::cin >> n; // number of rows
```

```
    int m; std::cin >> m; // number of columns
```

```
    // define a two-dimensional
```

```
    // array of dimensions
```

```
    // (n+2) x (m+2) to hold the floor plus extra walls around
```

```
    std::vector<std::vector<int>> floor (n+2, std::vector<int>(m+2));
```

Wächter (Sentinel)



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {
        char entry = '-';
        std::cin >> entry;
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
    }
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

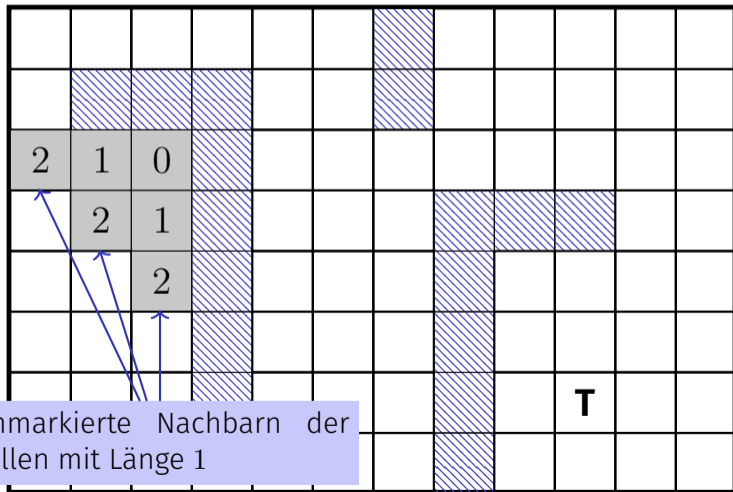
- Hinzufügen der umschliessenden „Wände“

```
for (int r=0; r<n+2; ++r)
    floor[r][0] = floor[r][m+1] = -2;
```

```
for (int c=0; c<m+2; ++c)
    floor[0][c] = floor[n+1][c] = -2;
```

Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 2: Alle Zellen mit Weglänge 2



Hauptschleife

Finde und markiere alle Zellen mit Weglängen $i = 1, 2, 3, \dots$

```
for (int i=1;; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

Markieren des kürzesten Weges durch „Rückwärtslaufen“ vom Ziel zum Start

```
2int r = tr; int c = tc;2
3while (floor[r][c] > 0)3 {
  4const int d = floor[r][c] - 1;4
  5floor[r][c] = -3;5
  6if (floor[r-1][c] == d) --r;
  else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
  else if (floor[r][c-1] == d) --c;
  else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
6}
```

Markierung am Ende

	-3	-3	-3	-3	-3	-3		15	16	17	18	19	
	-3				9	-3		14	15	16	17	18	
	-3	-3	0		10	-3	-3	-3	-3	-3	-3	17	
	3	2	1		11	12	13				-3	18	
	4	3	2		10	11	12		20	-3	-3	19	
	5	4	3		9	10	11		21	-3	19	20	
	6	5	4		8	9	10		22	-3	20	21	
	7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22	

Das Kürzeste-Wege-Programm: Ausgabe

Ausgabe

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0)  
            std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc)  
            std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3)  
            std::cout << 'o';  
        else if (floor[r][c] == -2)  
            std::cout << 'X';  
        else  
            std::cout << '-';  
    std::cout << "\n";  
}
```



```
ooooooooX-----  
oXXX-oX-----  
ooSX-oooooooo--  
---X---XXXo--  
---X---X-oo--  
---X---X-o--  
---X---X-T--  
-----X-----
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

- Algorithmus: *Breitensuche* (Breiten- vs. *Tiefensuche* wird typischerweise in Algorithmen-Vorlesungen diskutiert)
- Das Programm kann recht langsam sein, weil für jedes i alle Zellen durchlaufen werden
- Verbesserung: Für Markierung i , durchlaufe nur die Nachbarn der Zellen mit Markierung $i - 1$
- Verbesserung: Stoppe, sobald das Ziel erreicht wurde

16. Rekursion 1

Mathematische Rekursion, Terminierung, der Aufrufstapel, Beispiele, Rekursion vs. Iteration, n-Damen Problem, Lindenmayer-Systeme

Mathematische Rekursion

- Viele mathematische Funktionen sind sehr natürlich *rekursiv* definierbar
- Das heisst, die Funktion erscheint in ihrer eigenen Definition

$$n! = \begin{cases} 1, & \text{falls } n \leq 1 \\ n \cdot (n - 1)!, & \text{andernfalls} \end{cases}$$

Rekursion in C++: Genauso!

$$n! = \begin{cases} 1, & \text{falls } n \leq 1 \\ n \cdot (n - 1)!, & \text{andernfalls} \end{cases}$$

```
// POST: return value is n!  
unsigned int fac(unsigned int n) {  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
    else  
        return n * fac(n-1);  
}
```


Unendliche Rekursion

- ist so schlecht wie eine Endlosschleife ...
- ...nur noch schlechter: „verbrennt“ Zeit *und* Speicher

```
void f() {  
    f() // f() → f() → ... → stack overflow  
}
```

Rekursive Funktionen: Terminierung

Wie bei Schleifen brauchen wir **garantierten Fortschritt Richtung einer Abbruchbedingung** (\approx **Basisfall**)

Beispiel `fac(n)`:

- Rekursion endet falls $n \leq 1$
- Rekursiver Aufruf mit neuem Argument $< n$
- Abbruchbedingung wird daher garantiert erreicht

```
unsigned int fac(  
    unsigned int n) {  
  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
    else  
        return n * fac(n-1);  
}
```

Rekursive Funktionen: Auswertung

```
int fac(int n) {  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
    else  
        return n * fac(n-1);  
}
```

```
...  
std::cout << fac(4);
```

$\text{fac}(4) \rightsquigarrow \text{int } n = 4$

$\hookrightarrow \text{fac}(n - 1) \rightsquigarrow \text{int } n = 3$

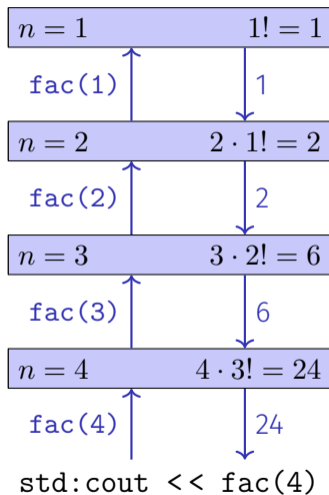
\vdots

*Jeder Aufruf von **fac** arbeitet mit seinem eigenen **n***

Der Aufrufstapel

Bei jedem Funktionsaufruf:

- Wert des Aufrufarguments kommt auf einen Stapel
- Es wird immer mit dem obersten Wert gearbeitet
- Am Ende des Aufrufs wird der oberste Wert wieder vom Stapel gelöscht



Euklidischer Algorithmus

- findet den grössten gemeinsamen Teiler $\text{gcd}(a, b)$ zweier natürlicher Zahlen a und b
- basiert auf folgender mathematischen Rekursion (Beweis im Skript):

$$\text{gcd}(a, b) = \begin{cases} a, & \text{falls } b = 0 \\ \text{gcd}(b, a \bmod b), & \text{andernfalls} \end{cases}$$

Euklidischer Algorithmus in C++

$$\text{gcd}(a, b) = \begin{cases} a, & \text{falls } b = 0 \\ \text{gcd}(b, a \bmod b), & \text{andernfalls} \end{cases}$$

```
unsigned int gcd(unsigned int a, unsigned int b) {  
    if (b == 0)  
        return a;  
    else  
        return gcd(b, a % b);  
}
```

Terminierung: $a \bmod b < b$, also wird b in jedem rekursiven Aufruf kleiner

Fibonacci-Zahlen

$$F_n := \begin{cases} 0, & \text{falls } n = 0 \\ 1, & \text{falls } n = 1 \\ F_{n-1} + F_{n-2}, & \text{falls } n > 1 \end{cases}$$

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89 ...

Fibonacci-Zahlen in C++

Laufzeit

fib(50) dauert „ewig“, denn es berechnet

F_{48} 2-mal, F_{47} 3-mal, F_{46} 5-mal, F_{45} 8-mal, F_{44} 13-mal,

F_{43} 21-mal ... F_1 ca. 10^9 mal (!)

```
unsigned int fib(unsigned int n) {  
    if (n == 0) return 0;  
    if (n == 1) return 1;  
    return fib(n-1) + fib(n-2); // n > 1  
}
```


Schnelle Fibonacci-Zahlen

Idee:

- Berechne jede Fibonacci-Zahl nur einmal, in der Reihenfolge $F_0, F_1, F_2, \dots, F_n$
- Speichere jeweils die zwei letzten berechneten Fibonacci-Zahlen (Variablen **a** und **b**)
- Berechne die nächste Zahl als Summe von **a** und **b**

Kann rekursiv und iterativ implementiert werden, letzteres ist einfacher/direkter

Schnelle Fibonacci-Zahlen in C++

```
unsigned int fib(unsigned int n) {  
    if (n == 0) return 0;  
    if (n == 1) return 1;  
  
    unsigned int a = 0; // F_0  
    unsigned int b = 1; // F_1  
  
    for (unsigned int i = 2; i <= n; ++i) {  
        unsigned int a_old = a; //  $F_{i-2}$   
        a = b; // a becomes  $F_{i-1}$   
        b += a_old; // b becomes  $F_{i-1} + F_{i-2}$ , i.e.  $F_i$   
    }  
  
    return b;  
}
```

sehr schnell auch bei `fib(50)`

$(F_{i-2}, F_{i-1}) \longrightarrow (F_{i-1}, F_i)$

a

b

Rekursion und Iteration

Rekursion kann *immer* simuliert werden durch

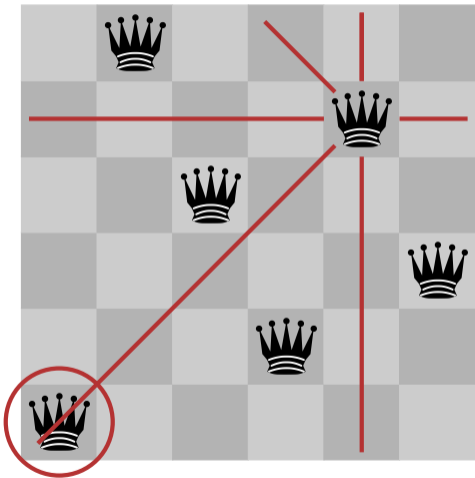
- Iteration (Schleifen)
- expliziten „Aufrufstapel“ (z.B. mittels eines Vektors).

Oft sind rekursive Formulierungen einfacher, aber manchmal auch weniger effizient.

Die Macht der Rekursion

- Einige Probleme scheinen ohne Rekursion kaum lösbar zu sein. Mit Rekursion werden sie plötzlich deutlich einfacher lösbar.
- Beispiele: *das n -Damen-Problem*, Die Türme von Hanoi, Parsen von Ausdrücken, Sudoku-Löser, Umgekehrte Aus- oder Eingabe, Suchen in Bäumen, Divide-And-Conquer (z.B. Sortieren) , ...
- ...sowie die 2. Bonusaufgabe: Nonogramme

Das n -Damen Problem

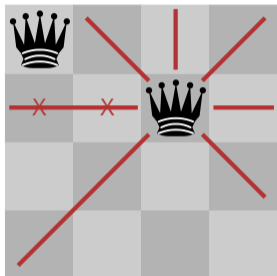


- Gegeben sei ein $n \times n$ Schachbrett
- Zum Beispiel $n = 6$
- Frage: ist es möglich n Damen so zu platzieren, dass keine zwei Damen sich bedrohen?
- Falls ja, wie viele Lösungen gibt es?

Lösung?

- Durchprobieren aller Möglichkeiten?
- $\binom{n^2}{n}$ Möglichkeiten. Zu viele!
- Nur eine Dame pro Zeile: n^n Möglichkeiten. Besser – aber auch noch zu viele.
- Idee: Unsinnige Versuche gar nicht erst weiterverfolgen, stattdessen falsche Züge zurücknehmen \Rightarrow *Backtracking*

Lösung mit Backtracking

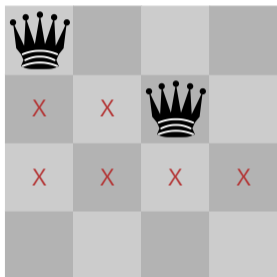


Nächste Dame in nächster Zeile (keine Kollision)

queens

0
2
0
0

Lösung mit Backtracking

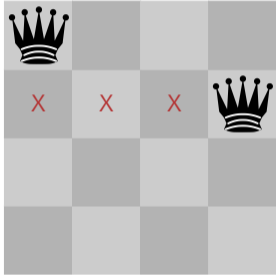


Alle Felder in nächster Zeile verboten. Zurück! (Backtracking!)

queens

0
2
4
0

Lösung mit Backtracking

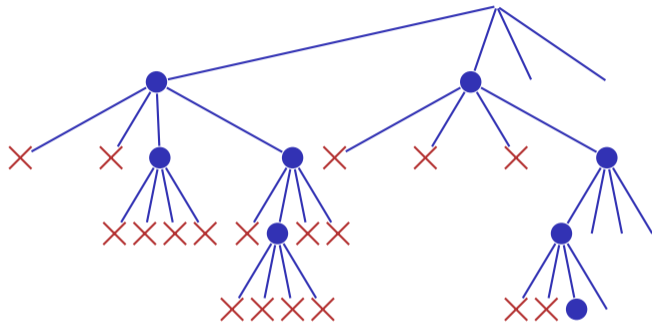
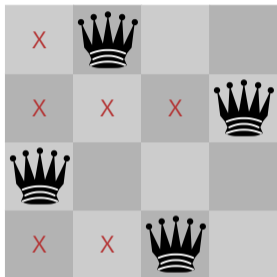


Dame eins weiter setzen und wieder versuchen

queens

0
3
0
0

Suchstrategie als Baum visualisiert



Prüfe Dame

```
using Queens = std::vector<unsigned int>;

// post: returns if queen in the given row is valid, i.e.
//       does not share a common row, column or diagonal
//       with any of the queens on rows 0 to row-1
bool valid(const Queens& queens, unsigned int row) {
    unsigned int col = queens[row];
    for (unsigned int r = 0; r != row; ++r) {
        unsigned int c = queens[r];
        if (col == c || col - row == c - r || col + row == c + r)
            return false; // same column or diagonal
    }
    return true; // no shared column or diagonal
}
```

Rekursion: Finde eine Lösung

```
// pre: all queens from row 0 to row-1 are valid,  
//       i.e. do not share any common row, column or diagonal  
// post: returns if there is a valid position for queens on  
//       row .. queens.size(). if true is returned then the  
//       queens vector contains a valid configuration.  
bool solve(Queens& queens, unsigned int row) {  
    if (row == queens.size())  
        return true;  
    for (unsigned int col = 0; col != queens.size(); ++col) {  
        queens[row] = col;  
        if (valid(queens, row) && solve(queens,row+1))  
            return true; // (else check next position)  
    }  
    return false; // no valid configuration found  
}
```

Rekursion: Zähle alle Lösungen

```
// pre: all queens from row 0 to row-1 are valid,  
//   i.e. do not share any common row, column or diagonal  
// post: returns the number of valid configurations of the  
//   remaining queens on rows row ... queens.size()  
int nSolutions(Queens& queens, unsigned int row) {  
    if (row == queens.size())  
        return 1;  
    int count = 0;  
    for (unsigned int col = 0; col != queens.size(); ++col) {  
        queens[row] = col;  
        if (valid(queens, row))  
            count += nSolutions(queens, row+1);  
    }  
    return count;  
}
```

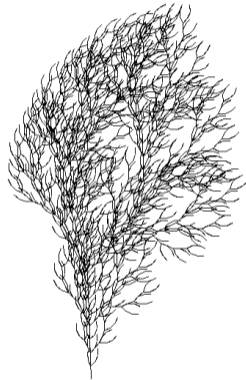
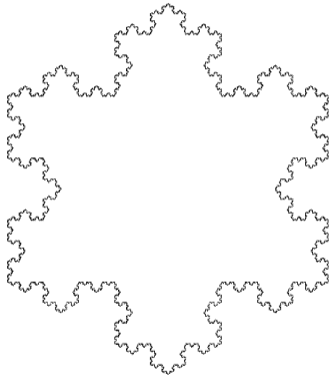
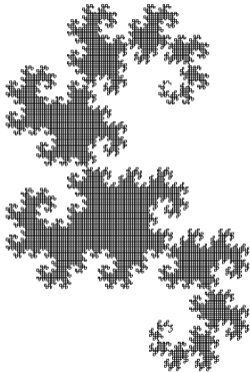
Hauptprogramm

```
// pre: positions of the queens in vector queens
// post: output of the positions of the queens in a graphical way
void print(const Queens& queens);

int main() {
    int n;
    std::cin >> n;
    Queens queens(n);
    if (solve(queens,0)) {
        print(queens);
        std::cout << "# solutions:" << nSolutions(queens,0) << std::endl;
    } else
        std::cout << "no solution" << std::endl;
    return 0;
}
```

Lindenmayer-Systeme (L-Systeme)

Fraktale aus Strings und Schildkröten



- L-Systeme wurden vom ungarischen Biologen Aristid Lindenmayer (1925–1989) zur Modellierung von Pflanzenwachstum erfunden.
- Rekursion ist natürlich klausurrelevant, die L-Systeme an sich sind es jedoch nicht

Definition und Beispiel

- Alphabet Σ
- Σ^* : alle endlichen Wörter über Σ
- Produktion $P : \Sigma \rightarrow \Sigma^*$
- Startwort $s_0 \in \Sigma^*$

- $\{F, +, -\}$

c	$P(c)$
F	F + F +
+	+
-	-

- F

Definition

Das Tripel $\mathcal{L} = (\Sigma, P, s_0)$ ist ein L-System.

Die beschriebene Sprache

Wörter $w_0, w_1, w_2, \dots \in \Sigma^*$:

$$w_0 := s_0$$

$$w_1 := P(w_0)$$

$$w_2 := P(w_1)$$

\vdots

Definition

$$P(c_1 c_2 \dots c_n) := P(c_1) P(c_2) \dots P(c_n)$$

$$P(F) = F + F +$$

$$w_0 := F$$

F + F +

$$w_1 := \boxed{F + F +}$$

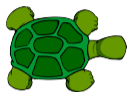
$$w_2 := \boxed{F + F + \quad + \quad F + F + \quad +}$$

$P(F)P(+)P(F)P(+)$

\vdots

Turtle-Grafik

Schildkröte mit Position und Richtung



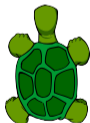
Schildkröte versteht 3 Befehle:

F: Gehe einen Schritt vorwärts ✓

Spur



+: Drehe dich um 90 Grad ✓

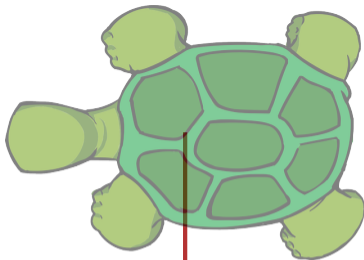
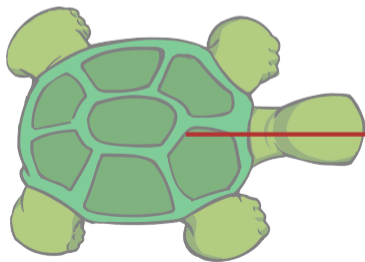


-: Drehe dich um -90 Grad ✓



Wörter zeichnen!

$$w_1 = \mathbf{F} + \mathbf{F} + \checkmark$$



lindenmayer:

Hauptprogramm

Wort $w_0 \in \Sigma^*$:

```
int main() {  
    std::cout << "Maximal Recursion Depth =? ";  
    unsigned int n;  
    std::cin >> n;  
  
    std::string w = "F"; // w_0  
    produce(w,n);  
  
    return 0;  
}
```

$w = w_0 = F$

lindenmayer:

production

```
// POST: recursively iterate over the production of the characters
//       of a word.
//       When recursion limit is reached, the word is "drawn"
void produce(std::string word, int depth) {
    if (depth > 0) {  $w = w_i \rightarrow w = w_{i+1}$ 
        for (unsigned int k = 0; k < word.length(); ++k)
            produce(replace(word[k]), depth-1);
    } else {  $\text{Zeichne } w = w_n$ 
        draw_word(word);
    }
}
```

lindenmayer:

replace

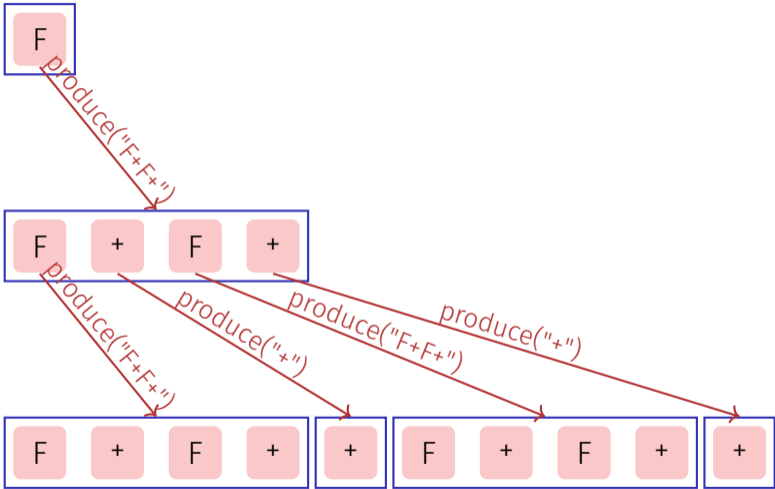
```
// POST: returns the production of c
std::string replace(const char c) {
    switch (c) {
        case 'F':
            return "F+F+";
        default:
            return std::string (1, c); // trivial production c -> c
    }
}
```

lindenmayer:

draw

```
// POST: draws the turtle graphic interpretation of word
void draw_word(const std::string& word) {
    for (unsigned int k = 0; k < word.length(); ++k)
        switch (word[k]) {
            case 'F':
                turtle::forward(); // move one step forward
                break;
            case '+':
                turtle::left(90); // turn counterclockwise by 90 degrees
                break;
            case '-':
                turtle::right(90); // turn clockwise by 90 degrees
        }
}
```

Die Rekursion



(Obige Implementierung realisiert eine *Tiefensuche*)

L-Systeme: Erweiterungen

- Beliebige Symbole ohne grafische Interpretation (dragon)
- Beliebige Drehwinkel (snowflake)
- Sichern und Wiederherstellen des Schildkröten-Zustandes → Pflanzen (bush)

