

# 24. Subtyping, Polymorphie und Vererbung

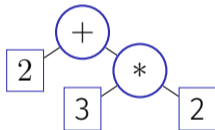
Ausdrückbäume, Aufgabenteilung und Modularisierung, Typhierarchien, virtuelle Funktionen, dynamische Bindung, Code-Wiederverwendung, Konzepte der objektorientierten Programmierung

# Letzte Woche: Ausdrucksbäume

- Ziel: Arithmetische Ausdrücke repräsentieren, z.B.

$$2 + 3 * 2$$

- Arithmetische Ausdrücke bilden eine *Baumstruktur*

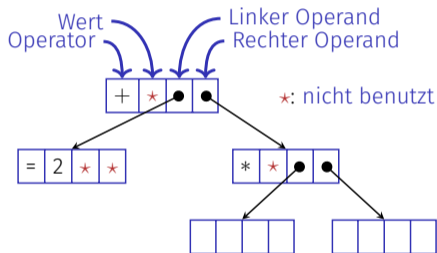


- Ausdrucksbäume bestehen aus *unterschiedlichen* Knoten: Literale (z.B. 2), binäre Operatoren (z.B. +), unäre Operatoren (z.B.  $\sqrt{\quad}$ ), Funktionsanwendungen (z.B.  $\cos$ ), etc.

# Nachteile

Implementiert mittels *eines einzigen* Knotentyps:

```
struct tnode {
    char op; // Operator ('=' for literals)
    double val; // Literal's value
    tnode* left; // Left child (or nullptr)
    tnode* right; // ...
    ...
};
```



**Beobachtung:** `tnode` ist die „Summe“ aller benötigten Knoten (Konstanten, Addition, ...)  $\Rightarrow$  Speicherverschwendung, unelegant

# Nachteile

**Beobachtung:** `tnode` ist die „Summe“ aller benötigten Knoten – und jede Funktion muss diese „Summe“ wieder „auseinander nehmen“, z.B.:

```
double eval(const tnode* n) {
    if (n->op == '=') return n->val; // n is a constant
    double l = 0;
    if (n->left) l = eval(n->left); // n is not a unary operator
    double r = eval(n->right);
    switch(n->op) {
        case '+': return l+r; // n is an addition node
        case '*': return l*r; // ...
        ...
    }
}
```

⇒ Umständlich und somit fehleranfällig

# Nachteile

```
struct tnode {  
    char op;  
    double val;  
    tnode* left;  
    tnode* right;  
    ...  
};
```

```
double eval(const tnode* n) {  
    if (n->op == '=') return n->val;  
    double l = 0;  
    if (n->left) l = eval(n->left);  
    double r = eval(n->right);  
    switch(n->op) {  
        case '+': return l+r;  
        case '*': return l*r;  
        ...  
    }
```

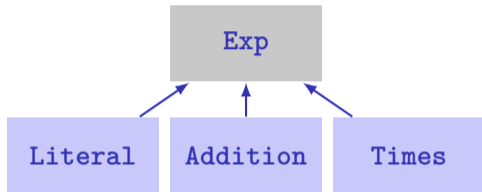
Dieser Code ist nicht *modular* – das ändern wir heute!

# Neue Konzepte heute

## 1. Subtyping

- Typhierarchie: **Exp** repräsentiert allgemeine Ausdrücke, **Literal** etc. sind konkrete Ausdrücke
- Jedes **Literal** etc. ist auch ein **Exp** (Subtyp-Beziehung)
- Deswegen kann ein **Literal** etc. überall dort genutzt werden, wo ein **Exp** erwartet wird:

```
Exp* e = new Literal(132);
```



# Neue Konzepte heute

## 2. Polymorphie und dynamische Bindung

- Eine Variable vom *statischen* Typ **Exp** kann Ausdrücke mit unterschiedlichen *dynamischen* Typen „beherbergen“:

```
Exp* e = new Literal(2); // e is the literal 2
e = new Addition(e, e); // e is the addition 2 + 2
```

- Ausgeführt werden die Memberfunktionen des *dynamischen* Typs:

```
Exp* e = new Literal(2);
std::cout << e->eval(); // 2

e = new Addition(e, e);
std::cout << e->eval(); // 4
```

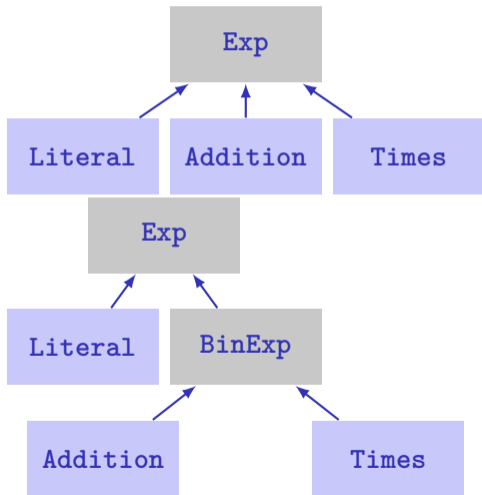
# Neue Konzepte heute

## 3. Vererbung

- Manche Funktionalität ist für mehrere Mitglieder der Typhierarchie gleich
- Z.B. die Berechnung der Grösse (Verschachtelungstiefe) binärer Ausdrücke (**Addition**, **Times**):

$$1 + \text{size}(\text{left operand}) + \text{size}(\text{right operand})$$

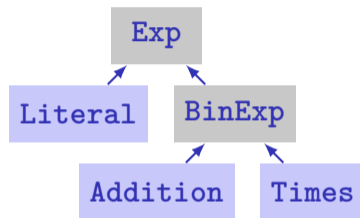
⇒ Funktionalität einmal implementieren und dann an Subtypen *vererben*





# Vorteile

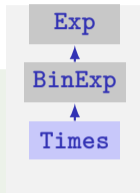
- Subtyping, Polymorphie und dynamische Bindung ermöglichen *Modularisierung durch Spezialisierung*
- Vererbung erlaubt gemeinsamen Code trotz Modularisierung  
⇒ *Codeduplikation vermeiden*



```
Exp* e = new Literal(2);  
std::cout << e->eval();  
  
e = new Addition(e, e);  
std::cout << e->eval();
```

# Syntax und Terminologie

```
struct Exp {  
    ...  
}  
  
struct BinExp : public Exp {  
    ...  
}  
  
struct Times : public BinExp {  
    ...  
}
```



**Anmerkung:** Wir konzentrieren uns heute auf die neuen Konzepte (Subtyping, ...) und ignorieren den davon unabhängigen Aspekt der Kapselung (**class**, **private** vs. **public** Membervariablen)

# Syntax und Terminologie

```
struct Exp {  
    ...  
}  
  
struct BinExp : public Exp {  
    ...  
}  
  
struct Times : public BinExp {  
    ...  
}
```



- **BinExp** ist eine von **Exp** *abgeleitete Klasse*<sup>1</sup>
- **Exp** ist die *Basisklasse*<sup>2</sup> von **BinExp**
- **BinExp** *erbt* von **Exp**
- Die Vererbung von **Exp** zu **BinExp** ist *öffentlich* (**public**), daher ist **BinExp** ein *Subtyp* von **Exp**
- Analog: **Times** und **BinExp**
- Subtyprelation ist transitiv: **Times** ist ebenfalls ein Subtyp von **Exp**

<sup>1</sup>Subklasse, Kindklasse

<sup>2</sup>Superklasse, Elternklasse

# Abstrakte Klasse Exp und konkrete Klasse Literal

```
struct Exp {  
    virtual int size() const = 0;  
    virtual double eval() const = 0;  
};
```

← ... das macht Exp zu einer *abstrakten* Klasse

↑ Aktiviert dynamische Bindung

← Erzwingt Implementierung durch abgeleitete Klassen ...

```
struct Literal : public Exp {  
    double val;  
  
    Literal(double v);  
    int size() const;  
    double eval() const;  
};
```

← Literal erbt von Exp ...

← ... ist aber ansonsten eine ganz normale Klasse

# Literal: Implementierung

```
Literal::Literal(double v): val(v) {}
```

```
int Literal::size() const {  
    return 1;  
}
```

```
double Literal::eval() const {  
    return this->val;  
}
```

# Subtyping: Ein Literal ist ein Ausdruck

Ein Zeiger auf einen Subtyp kann überall dort verwendet werden, wo ein Zeiger auf einen Supertyp gefordert ist:

```
Literal* lit = new Literal(5);  
Exp* e = lit; // OK: Literal is a subtype of Exp
```

Aber nicht umgekehrt:

```
Exp* e = ...  
Literal* lit = e; // ERROR: Exp is not a subtype of Literal
```

# Polymorphie: Ein Literal verhält sich wie ein Literal

```
struct Exp {  
    ...  
    virtual double eval();  
};  
  
double Literal::eval() {  
    return this->val;  
}
```

```
Exp* e = new Literal(3);  
std::cout << e->eval(); // 3
```

- *Virtuelle* Memberfunktionen: der *dynamische* Typ (hier: **Literal**) bestimmt die auszuführenden Memberfunktionen  
⇒ *dynamische Bindung*
- Ohne **virtual** bestimmt der *statische* Typ (hier: **Exp**) die auszuführende Funktion
- Wir vertiefen das nicht weiter

## Weitere Ausdrücke: Addition und Times

```
struct Addition : public Exp {  
    Exp* left; // left operand  
    Exp* right; // right operand  
    ...  
};
```

```
int Addition::size() const {  
    return 1 + left->size()  
           + right->size();  
}
```

```
struct Times : public Exp {  
    Exp* left; // left operand  
    Exp* right; // right operand  
    ...  
};
```

```
int Times::size() const {  
    return 1 + left->size()  
           + right->size();  
}
```

😊 Aufgabenteilung

😡 Codeduplizierung



# Gemeinsamkeiten auslagern ...: BinExp

```
struct BinExp : public Exp {  
    Exp* left;  
    Exp* right;  
  
    BinExp(Exp* l, Exp* r);  
    int size() const;  
};
```

```
BinExp::BinExp(Exp* l, Exp* r): left(l), right(r) {}
```

```
int BinExp::size() const {  
    return 1 + this->left->size() + this->right->size();  
}
```

Bemerkung: **BinExp** implementiert **eval** nicht und ist daher, genau wie **Exp**, eine abstrakte Klasse

## ...Gemeinsamkeiten erben: Addition

```
struct Addition : public BinExp {  
    Addition(Exp* l, Exp* r);  
    double eval() const;  
};
```

← Addition erbt Membervariablen  
(left, right) und Funktionen  
(size) von BinExp

```
Addition::Addition(Exp* l, Exp* r): BinExp(l, r) {}
```

```
double Addition::eval() const {  
    return  
        this->left->eval() +  
        this->right->eval();  
}
```

↑ Aufruf des Superkonstruktors  
(Konstruktor von BinExp) zwecks  
Initialisierung der Membervariablen  
left und right

## ...Gemeinsamkeiten erben: Times

```
struct Times : public BinExp {  
    Times(Exp* l, Exp* r);  
    double eval() const;  
};
```

```
Times::Times(Exp* l, Exp* r): BinExp(l, r) {}
```

```
double Times::eval() const {  
    return  
        this->left->eval() *  
        this->right->eval();  
}
```

Beobachtung: `Additon::eval()` und `Times::eval()` sind sich sehr ähnlich und könnten ebenfalls zusammengelegt werden. Das dafür notwendige Konzept der *funktionalen Programmierung* geht jedoch über diesen Kurs hinaus.

# Weitere Ausdrücke und Operationen

- Weitere Ausdrücke, als von **Exp** abgeleitete Klassen, sind möglich, z.B.  $-$ ,  $/$ ,  $\sqrt{\quad}$ ,  $\cos$ ,  $\log$
- Eine ehemalige Bonusaufgabe (Teil der heutigen Vorlesungsbeispiele auf Code Expert) veranschaulicht, was alles möglich ist: Variablen, trigonometrische Funktionen, Parsing, Pretty-Printing, numerische Vereinfachungen, symbolische Ableitungen, ...

# Mission: Monolithisch → modular ✓

```
struct tnode {  
    char op;  
    double val;  
    tnode* left;  
    tnode* right;  
    ...  
}
```

```
double eval(const tnode* n) {  
    if (n->op == '=') return n->val;  
    double l = 0;  
    if (n->left != 0) l = eval(n->left);  
    double r = eval(n->right);  
    switch(n->op) {  
        case '+': return l + r;  
        case '-': return l - r;  
        case '*': return l * r;  
        case '/': return l / r;  
        default:  
            // unknown operator  
            assert (false);  
    }  
}
```

```
int size (const tnode* n) const { ... }
```

```
...
```

```
struct Literal : public Exp {  
    double val;  
    ...  
    double eval() const {  
        return val;  
    }  
};
```

```
struct Addition : public Exp {  
    ...  
    double eval() const {  
        return left->eval() + right->eval();  
    }  
};
```

```
struct Times : public Exp {  
    ...  
    double eval() const {  
        return left->eval() * right->eval();  
    }  
};
```

```
struct Cos : public Exp {  
    ...  
    double eval() const {  
        return std::cos(argument->eval());  
    }  
};
```



# Es gibt noch so viel mehr ...

Nicht gezeigt/besprochen:

- Private Vererbung (`class B : public A`)
- Subtyping und Polymorphie ohne Zeiger
- Nicht-virtuelle Memberfunktionen und statische Bindung (`virtual double eval()`)
- Überschreiben geerbter Memberfunktionen und Aufrufen der überschriebenen Implementierung
- Mehrfachvererbung (multiple inheritance)
- ...

# Objektorientierte Programmierung

Im letzten Kursdrittel wurden einige Konzepte der *objektorientierten Programmierung* vorgestellt, die auf den kommenden Folien noch einmal kurz zusammengefasst werden.

*Kapselung* (Wochen 10-13):

- Verbergen der Implementierungsdetails von Typen (privater Bereich) vor Benutzern
- Definition einer Schnittstelle (öffentlicher Bereich) zum kontrollierten Zugriff auf Werte und Funktionalität
- Ermöglicht das Sicherstellen von Invarianten, sowie den Austausch von Implementierungen ohne Anpassungen von Benutzercode

# Objektorientierte Programmierung

## *Subtyping* (Woche 14):

- Typhierarchien mit Super- und Subtypen können angelegt werden um Verwandtschaftbeziehungen sowie Abstraktionen und Spezialisierungen zu modellieren
- Ein Subtyp unterstützen mindestens die Funktionalität, die auch der Supertyp unterstützt – i.d.R. aber mehr, d.h. Subtypen erweitern die Schnittstelle (den öffentlichen Bereich) ihrer Supertypen
- Daher können Subtypen überall dort eingesetzt werden, wo Supertypen verlangt sind ...
- ... und Funktionen, die auf abstrakteren Typen (Supertypen) operieren können, können auch auf spezialisierteren Typen (Subtypen) operieren
- Die in Woche 7 vorgestellten Streams bilden eine solche Typhierarchie: **ostream** ist der abstrakte Supertyp, **ofstream** etc. sind spezialisierte Subtypen



# Objektorientierte Programmierung

*Polymorphie* und *dynamische Bindung* (Woche 14):

- Ein Zeiger vom statischen Typ  $T_1$  kann zur Laufzeit auf Objekte vom (dynamischen) Typ  $T_2$  zeigen, falls  $T_2$  ein Subtyp von  $T_1$  ist
- Wird eine virtuelle Memberfunktion von einem solchen Zeiger aus aufgerufen, so entscheidet der dynamische Typ darüber, welche Funktion ausgeführt wird
- D.h.: Trotz gleichem statischen Typ kann beim Zugriff auf eine gemeinsame Schnittstelle (Memberfunktionen) eines solchen Zeigers ein anderes Verhalten auftreten
- Zusammen mit Subtyping ermöglicht es dies, neue konkrete Typen (Streams, Ausdrücke, ...) zu einem bestehenden System hinzuzufügen, ohne dieses abändern zu müssen

# Objektorientierte Programmierung

## *Vererbung* (Woche 14):

- Abgeleitete Klassen erben die Funktionalität, d.h. die Implementierungen von Memberfunktionen, ihrer Elternklassen
- Dies ermöglicht es, gemeinsam genutzten Code wiederverwenden zu können und vermeidet so Codeduplikation
- Geerbte Implementierungen können auch überschrieben werden, um zu erreichen, dass eine abgeleitete Klasse sich anders verhält als ihre Elternklasse (im Kurs nicht gezeigt)

## 25. Zusammenfassung

---

# Zweck und Format

Nennung der wichtigsten Stichwörter zu den Kapiteln. Checkliste: „kann ich mit jedem Begriff etwas anfangen?“

- Ⓜ Motivation: Motivierendes Beispiel zum Kapitel
- Ⓚ Konzepte: Konzepte, die nicht von der Implementation (Sprache) C++abhängen
- Ⓢ Sprachlich (C++): alles was mit der gewählten Sprache zusammenhängt
- Ⓟ Beispiele: genannte Beispiele der Vorlesung

# Kapitelüberblick

- 1. Einführung
- 2. Ganze Zahlen
- 3. Wahrheitswerte
- 4. Defensives Programmieren
- 5./6. Kontrollanweisungen
- 7./8. Fließkommazahlen
- 9./10. Funktionen
- 11. Referenztypen
- 12./13. Vektoren und Strings
- 14./15. Rekursion
- 16. Structs und Overloading
- 17. Klassen
- 18./19. Dynamische Datenstrukturen
- 20. Container, Iteratoren und Algorithmen
- 21. Dynamische Datentypen und Speicherverwaltung
- 22. Subtyping, Polymorphie und Vererbung

# 1. Einführung

M

- Euklidischer Algorithmus

K

- Algorithmus, Turingmaschine, Programmiersprachen, Kompilation, Syntax und Semantik
- Werte und Effekte, (Fundamental)typen, Literale, Variablen, Bezeichner, Objekte, Ausdrücke, Operatoren, Anweisungen

S

- Include-Direktiven `#include <iostream>`
- Hauptfunktion `int main(){...}`
- Kommentare, Layout `// Kommentar`
- Typen, Variablen, L-Wert `a` , R-Wert `a+b`
- Ausdrucksanweisung `b=b*b;` , Deklarationsanweisung `int a;`, Rückgabeeanweisung `return 0;`

## 2. Ganze Zahlen

- Celsius to Fahrenheit
  - Assoziativität und Präzedenz, Stelligkeit
  - Ausdrucksbäume, Auswertungsreihenfolge
  - Arithmetische Operatoren
  - Binärzahldarstellung, Hexadezimale Zahlen, Wertebereich
  - Zahlendarstellung mit Vorzeichen, Zweierkomplement
- Arithmetische Operatoren `9 * celsius / 5 + 32`
  - Inkrement / Dekrement `expr++`
  - Arithmetische Zuweisungen `expr1 += expr2`
  - Konversion `int` ↔ `unsigned int`
- Celsius to Fahrenheit, Ersatzwiderstand

# 3. Wahrheitswerte

(K)

- Boole'sche Funktionen, Vollständigkeit
- DeMorgan'sche Regeln

(S)

- Der Typ `bool`
- Logische Operationen `a && !b`
- Relationale Operationen `x < y`
- Präzedenzen `7 + x < y && y != 3 * z`
- Kurzschlussauswertung `x != 0 && z / x > y`
- Die `assert`-Anweisung, `#include <cassert>`

(B)

- Div-Mod Identität.



## 4. Defensives Programmieren

- (K) Assertions und Konstanten
- (S) Die `assert`-Anweisung, `#include <cassert>`
  - `const int speed_of_light=2999792458`
- (B) Assertions für den GGT

# 5./6. Kontrollanweisungen

M

- Linearer Kontrollfluss vs. interessante Programme, Spaghetti-Code

K

- Auswahlanweisungen, Iterationsanweisungen
- (Vermeidung von) Endlosschleifen, Halteproblem
- Sichtbarkeits- und Gültigkeitsbereich, Automatische Speicherdauer
- Äquivalenz von Iterationsanweisungen

S

- if Anweisungen `if (a % 2 == 0) {..}`
- for Anweisungen `for (unsigned int i = 1; i <= n; ++i) ...`
- while und do-Anweisungen `while (n > 1) {...}`
- Blöcke, Sprunganweisungen `if (a < 0) continue;`
- Switch Anweisung `switch(grade) {case 6: }`

B

- Summenberechnung (Gauss), Primzahltest, Collatz-Folge, Fibonacci Zahlen, Taschenrechner, Notenausgabe

# 7./8. Fließkommazahlen

- **M** Richtig Rechnen: Celsius / Fahrenheit
- **K** Fixkomma- vs. Fließkommazahldarstellung
  - (Löcher im) Wertebereich
  - Rechnen mit Fließkommazahlen, Umrechnung
  - Fließkommazahlensysteme, Normalisierung, IEEE Standard 754
  - *Richtlinien für das Rechnen mit Fließkommazahlen*
- **S** Typen `float`, `double`
  - Fließkommaliterale `1.23e-7f`
- **B** Celsius/Fahrenheit, Euler, Harmonische Zahlen

# 9./10. Funktionen

- (M) Potenzberechnung
- (K) Kapselung von Funktionalität
- Funktionen, formale Argumente, Aufrufargumente
- Gültigkeitsbereich, Vorwärts-Deklaration
- Prozedurales Programmieren, Modularisierung, Getrennte Übersetzung
- *Stepwise Refinement*
- (S) Funktionsdeklaration, -definition `double pow(double b, int e){ ... }`
- Funktionsaufruf `pow (2.0, -2)`
- Der typ `void`
- (B) Potenzberechnung, perfekte Zahlen, Minimum, Kalender

# 11. Referenztypen

- (M) Funktion Swap
- (K) Werte-/ Referenzsemantik, Pass by Value / Pass by Reference, Return by Reference
  - Lebensdauer von Objekten / Temporäre Objekte
  - Konstanten
- (S) Referenztyp `int& a`
  - Call by Reference und Return by Reference `int& increment (int& i)`
  - Const-Richtlinie, Const-Referenzen, Referenzrichtlinie
- (B) Swap, Inkrement

# 12./13. Vektoren und Strings

- (M) Iteration über Daten: Sieb des Eratosthenes
- (K) Vektoren, Speicherlayout, Wahlfreier Zugriff
  - (Fehlende) Grenzenprüfung
  - Vektoren
  - Zeichen: ASCII, UTF8, Texte, Strings
- (S) Vektor Typen `std::vector<int> a {4,3,5,2,1};`
  - Zeichen und Texte, der Typ `char` `char c = 'a';`, Konversion nach `int`
  - Vektoren von Vektoren
  - Ströme `std::istream`, `std::ostream`
- (B) Sieb des Eratosthenes, Caesar-Code, Kürzeste Wege

# 14./15. Rekursion

- (M) Rekursive math. Funktionen, Das n-Queen Problem, , Lindenmayer-Systeme, Kommandozeilenrechner
- (K) Rekursion
  - Aufrufstapel, Gedächtnis der Rekursion
  - Korrektheit, Terminierung,
  - Rekursion vs. Iteration
  - Backtracking, EBNF, Formale Grammatiken, Parsen
- (B) Fakultät, GGT, Sudoku-Löser, Taschenrechner

# 16. Structs und Overloading

- Ⓜ ■ Datentyp Rationale Zahlen selber bauen
- Ⓚ ■ Heterogene Datenstruktur
  - Funktions- und Operator-Overloading
  - Datenkapselung
- Ⓢ ■ Struct Definition `struct rational {int n; int d;};`
  - Mitgliedszugriff `result.n = a.n * b.d + a.d * b.n;`
  - Initialisierung und Zuweisung,
  - Überladen von Funktionen `pow(2)` vs. `pow(3,3);`, Überladen von Operatoren
- Ⓟ ■ rationale Zahlen, komplexe Zahlen



# 17. Klassen

- (M) Rationale Zahlen mit Kapselung
- (K) Kapselung, Konstruktion, Mitgliedsfunktionen
- (S) Klassen `class rational { ... };`
  - Zugriffssteuerung `public: / private:`
  - Mitgliedsfunktionen `int rational::denominator () const`
  - Das implizite Argument der Memberfunktionen
- (B) Endlicher Ring, Komplexe Zahlen

# 18./19. Dynamische Datenstrukturen

- (M) Unser eigener Vektor
- (K) Allokation, Zeiger-Typen, Verkettete Liste, Allokation, Deallokation, Dynamischer Datentyp
- (S) Die **new** Anweisung
  - Zeiger `int* x`; Nullzeiger `nullptr`.
  - Adress-, Dereferenzoperator `int *ip = &i; int j = *ip;`
  - Zeiger und Const `const int *a;`
- (B) Verkettete Liste, Stack

## 20. Container, Iteratoren und Algorithmen

- ① ■ Vektoren sind Container
- ② ■ Iterieren mit Zeigern
  - Container und Iteratoren
  - Algorithmen
- ③ ■ Iteratoren `std::vector<int>::iterator`
  - Algorithmen der Standardbibliothek `std::fill (a, a+5, 1);`
  - Einen Iterator implementieren
  - Iteratoren und `const`
- ④ ■ Ausgeben eines Vektors, einer Menge

## 21. Dynamische Datentypen und Speicherverwaltung

- Ⓜ
  - Stack
  - Ausdrucksbaum
- Ⓚ
  - Richtlinie „Dynamischer Speicher“
  - Gemeinsamer Zeiger-Zugriff
  - Dynamischer Datentyp
  - Baumstruktur
- Ⓢ
  - **new** und **delete**
  - Desktruktor `stack::~~stack()`
  - Kopierkonstruktor `stack::stack(const stack& s)`
  - Zuweisungsoperator `stack& stack::operator=(const stack& s)`
  - Dreierregel
- Ⓟ
  - Binärer Suchbaum

## 22. Subtyping, Polymorphie und Vererbung

- ① ■ Erweitern und Verallgemeinern von Ausdrucksbäumen
- ② ■ Subtyping
  - Polymorphie und dynamische Bindung
  - Vererbung
- ③ ■ Basisklasse `struct Exp{}`
  - Abgeleitete Klasse `struct BinExp: public Exp{}`
  - Abstrakte Klasse `struct Exp{virtual int size() const = 0...}`
  - Polymorphie `virtual double eval()`
- ④ ■ Ausdrucksknoten und Erweiterungen

# Ende

Ende der Vorlesung.