22. Subtyping, Polymorphie und Vererbung

Ausdrückbäume, Aufgabenteilung und Modularisierung, Typhierarchien, virtuelle Funktionen, dynamische Bindung, Code-Wiederverwendung, Konzepte der objektorientierten Programmierung

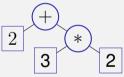
■ Ziel: Arithmetische Ausdrücke repräsentieren, z.B.

$$2 + 3 * 2$$

■ Ziel: Arithmetische Ausdrücke repräsentieren, z.B.

$$2 + 3 * 2$$

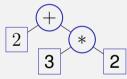
Arithmetische Ausdrücke bilden eine Baumstruktur



■ Ziel: Arithmetische Ausdrücke repräsentieren, z.B.

$$2 + 3 * 2$$

Arithmetische Ausdrücke bilden eine Baumstruktur

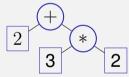


Ausdrucksbäume bestehen aus unterschiedlichen Knoten:

■ Ziel: Arithmetische Ausdrücke repräsentieren, z.B.

$$2 + 3 * 2$$

Arithmetische Ausdrücke bilden eine Baumstruktur



■ Ausdrucksbäume bestehen aus unterschiedlichen Knoten: Literale (z.B. 2), binäre Operatoren (z.B. +), unäre Operatoren (z.B. √), Funktionsanwendungen (z.B. cos), etc.

Implementiert mittels eines einzigen Knotentyps:

Beobachtung: tnode ist die "Summe" aller benötigten Knoten (Konstanten, Addition, . . .) ⇒ Speicherverschwendung, unelegant

Beobachtung: tnode ist die "Summe" aller benötigten Knoten –

Beobachtung: tnode ist die "Summe" aller benötigten Knoten – und jede Funktion muss diese "Summe" wieder "auseinander nehmen", z.B.:

```
double eval(const tnode* n) {
  if (n->op == '=') return n->val; // n is a constant
  double 1 = 0;
  if (n->left) 1 = eval(n->left); // n is not a unary operator
  double r = eval(n->right);
  switch(n->op) {
    case '+': return 1+r; // n is an addition node
    case '*': return 1*r; // ...
    ...
```

Beobachtung: tnode ist die "Summe" aller benötigten Knoten – und jede Funktion muss diese "Summe" wieder "auseinander nehmen", z.B.:

```
double eval(const tnode* n) {
  if (n->op == '=') return n->val; // n is a constant
  double l = 0;
  if (n->left) l = eval(n->left); // n is not a unary operator
  double r = eval(n->right);
  switch(n->op) {
    case '+': return l+r; // n is an addition node
    case '*': return l*r; // ...
    ...
```

⇒ Umständlich und somit fehleranfällig

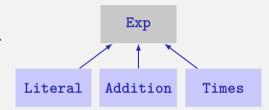
```
struct tnode {
  char op;
  double val;
  tnode* left;
  tnode* right;
  ...
};
```

```
double eval(const tnode* n) {
  if (n->op == '=') return n->val;
  double l = 0;
  if (n->left) l = eval(n->left);
  double r = eval(n->right);
  switch(n->op) {
    case '+': return l+r;
    case '*': return l*r;
    ...
```

Dieser Code ist nicht *modular* – das ändern wir heute!

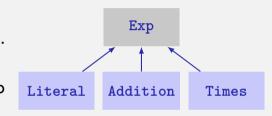
1. Subtyping

■ Typhierarchie: Exp repräsentiert allgemeine Ausdrücke, Literal etc. sind konkrete Ausdrücke



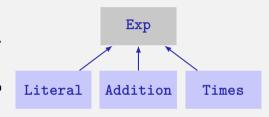
1. Subtyping

- Typhierarchie: Exp repräsentiert allgemeine Ausdrücke, Literal etc. sind konkrete Ausdrücke
- Jedes Literal etc. ist auch ein Exp (Subtyp-Beziehung)



1. Subtyping

- Typhierarchie: Exp repräsentiert allgemeine Ausdrücke, Literal etc. sind konkrete Ausdrücke
- Jedes Literal etc. ist auch ein Exp (Subtyp-Beziehung)



Deswegen kann ein Literal etc. überall dort genutzt werden, wo ein Exp erwartet wird:

```
Exp* e = new Literal(132);
```

2. Polymorphie und dynamische Bindung

■ Eine Variable vom *statischen* Typ Exp kann Ausdrücke mit unterschiedlichen *dynamischen* Typen "beherbergen":

```
Exp* e = new Literal(2); // e is the literal 2
e = new Addition(e, e); // e is the addition 2 + 2
```

2. Polymorphie und dynamische Bindung

■ Eine Variable vom *statischen* Typ Exp kann Ausdrücke mit unterschiedlichen *dynamischen* Typen "beherbergen":

```
Exp* e = new Literal(2); // e is the literal 2
e = new Addition(e, e); // e is the addition 2 + 2
```

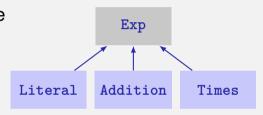
Ausgeführt werden die Memberfunktionen des dynamischen Typs:

```
Exp* e = new Literal(2);
std::cout << e->eval(); // 2

e = new Addition(e, e);
std::cout << e->eval(); // 4
```

3. Vererbung

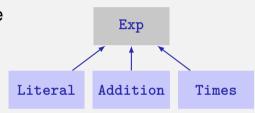
 Manche Funktionalität ist für mehrere Mitglieder der Typhierarchie gleich



3. Vererbung

- Manche Funktionalität ist für mehrere Mitglieder der Typhierarchie gleich
- Z.B. die Berechnung der Grösse (Verschachtelungstiefe) binärer Ausdrücke (Addition, Times):

 $1 + size(left\ operand) + size(right\ operand)$

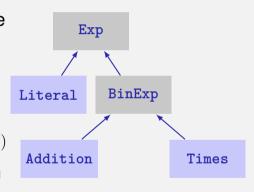


3. Vererbung

- Manche Funktionalität ist für mehrere Mitglieder der Typhierarchie gleich
- Z.B. die Berechnung der Grösse (Verschachtelungstiefe) binärer Ausdrücke (Addition, Times):

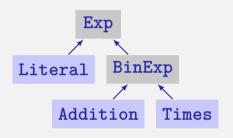
$$1 + size(left\ operand) + size(right\ operand)$$

⇒ Funktionalität einmal implementieren und dann an Subtypen vererben



Vorteile

 Subtyping, Polymorphie und dynamische Bindung ermöglichen Modularisierung durch Spezialisierung



```
Exp* e = new Literal(2);
std::cout << e->eval();
e = new Addition(e, e);
std::cout << e->eval();
```

Vorteile

- Subtyping, Polymorphie und dynamische Bindung ermöglichen Modularisierung durch Spezialisierung
- Vererbung erlaubt gemeinsamen
 Code trotz Modularisierung
 - \Rightarrow Codeduplikation vermeiden

```
Exp

Literal BinExp

Addition Times
```

```
Exp* e = new Literal(2);
std::cout << e->eval();

e = new Addition(e, e);
std::cout << e->eval();
```

```
Exp
                           BinExp
struct Exp {
  . . .
                           Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

```
Exp
                           BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

Anmerkung: Wir konzentrieren uns heute auf die neuen Konzepte (Subtyping, ...) und ignorieren den davon unabhängigen Aspekt der Kapselung (class, private vs. public Membervariablen)

```
Exp
                           BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

■ BinExp ist eine von Exp abgeleitete Klasse¹

```
Exp
                           BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

- BinExp ist eine von Exp abgeleitete Klasse¹
- Exp ist die Basisklasse² von BinExp

```
Exp
                           BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

- BinExp ist eine von Exp abgeleitete Klasse¹
- Exp ist die *Basisklasse*² von BinExp
- BinExp *erbt* von Exp

```
Exp
                            BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

- BinExp ist eine von Exp abgeleitete Klasse¹
- Exp ist die *Basisklasse*² von BinExp
- BinExp erbt von Exp
- Die Vererbung von Exp zu BinExp ist öffentlich (public), daher ist BinExp ein Subtyp von Exp

```
Exp
                            BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

- BinExp ist eine von Exp abgeleitete

 Klasse¹
- Exp ist die *Basisklasse*² von BinExp
- BinExp erbt von Exp
- Die Vererbung von Exp zu BinExp ist öffentlich (public), daher ist BinExp ein Subtyp von Exp
- Analog: Times und BinExp

```
Exp
                            BinExp
struct Exp {
  . . .
                            Times
struct BinExp : public Exp {
  . . .
struct Times : public BinExp {
  . . .
```

- BinExp ist eine von Exp abgeleitete

 Klasse¹
- Exp ist die *Basisklasse*² von BinExp
- BinExp erbt von Exp
- Die Vererbung von Exp zu BinExp ist öffentlich (public), daher ist BinExp ein Subtyp von Exp
- Analog: Times und BinExp
- Subtyprelation ist transitiv: Times ist ebenfalls ein Subtyp von Exp

¹Subklasse, Kindklasse ²Superklasse, Elternklasse

```
struct Exp {
  virtual int size() const = 0;
  virtual double eval() const = 0;
};
```

```
struct Exp {
  virtual int size() const = 0;
  virtual double eval() const = 0;
};

Aktiviert dynamische Bindung
```

```
struct Exp {
  virtual int size() const = 0;
  virtual double eval() const = 0;
};

Erzwingt Implementierung durch
  abgeleitete Klassen ...
```

```
struct Exp {
  virtual int size() const = 0;
  virtual double eval() const = 0;
};
```

```
struct Literal : public Exp {
  double val;

Literal(double v);
  int size() const;
  double eval() const;
};
```

```
struct Exp {
 virtual int size() const = 0:
 virtual double eval() const = 0;
};
struct Literal : public Exp {  Literal erbt von Exp ...
 double val:
 Literal(double v):
 int size() const;
 double eval() const;
};
```

```
struct Exp {
 virtual int size() const = 0:
 virtual double eval() const = 0;
};
struct Literal : public Exp {     Literal erbt von Exp ...
 double val:
 Literal(double v):
                           ... ist aber ansonsten eine ganz normale Klasse
 int size() const;
 double eval() const:
};
```

Literal: Implementierung

```
Literal::Literal(double v): val(v) {}
```

Literal: Implementierung

```
Literal::Literal(double v): val(v) {}
int Literal::size() const {
  return 1;
}
```

Literal: Implementierung

```
Literal::Literal(double v): val(v) {}
int Literal::size() const {
 return 1:
double Literal::eval() const {
 return this->val:
}
```

Subtyping: Ein Literal ist ein Ausdruck ...

Ein Zeiger auf einen Subtyp kann überall dort verwendet werden, wo ein Zeiger auf einen Supertyp gefordert ist:

```
Literal* lit = new Literal(5);
```

Subtyping: Ein Literal ist ein Ausdruck ...

Ein Zeiger auf einen Subtyp kann überall dort verwendet werden, wo ein Zeiger auf einen Supertyp gefordert ist:

```
Literal* lit = new Literal(5);
Exp* e = lit; // OK: Literal is a subtype of Exp
```

Subtyping: Ein Literal ist ein Ausdruck ...

Ein Zeiger auf einen Subtyp kann überall dort verwendet werden, wo ein Zeiger auf einen Supertyp gefordert ist:

```
Literal* lit = new Literal(5);
Exp* e = lit; // OK: Literal is a subtype of Exp
```

Aber nicht umgekehrt:

```
Exp* e = ...
Literal* lit = e; // ERROR: Exp is not a subtype of Literal
```

```
struct Exp {
    ...
    virtual double eval();
};

double Literal::eval() {
    return this->val;
}
```

```
Exp* e = new Literal(3);
std::cout << e->eval(); // 3
```

```
struct Exp {
    ...
    virtual double eval();
};

double Literal::eval() {
    return this->val;
}
```

■ Virtuelle Memberfunktionen: der dynamische Typ (hier: Literal) bestimmt die auszuführenden Memberfunktionen ⇒ dynamische Bindung

```
Exp* e = new Literal(3);
std::cout << e->eval(); // 3
```

```
struct Exp {
    ...
    virtual double eval();
};

double Literal::eval() {
    return this->val;
}
```

```
Exp* e = new Literal(3);
std::cout << e->eval(); // 3
```

- Virtuelle Memberfunktionen: der dynamische Typ (hier: Literal) bestimmt die auszuführenden Memberfunktionen ⇒ dynamische Bindung
- Ohne virtual bestimmt der statische Typ (hier: Exp) die auszuführende Funktion

```
struct Exp {
    ...
    virtual double eval();
};

double Literal::eval() {
    return this->val;
}
```

```
Exp* e = new Literal(3);
std::cout << e->eval(); // 3
```

- Virtuelle Memberfunktionen: der dynamische Typ (hier: Literal) bestimmt die auszuführenden Memberfunktionen ⇒ dynamische Bindung
- Ohne virtual bestimmt der statische Typ (hier: Exp) die auszuführende Funktion
- Wir vertiefen das nicht weiter

```
struct Addition : public Exp {
  Exp* left; // left operand
  Exp* right; // right operand
  ...
};
```

```
struct Addition : public Exp {
   Exp* left; // left operand
   Exp* right; // right operand
   ...
};
```

```
struct Times : public Exp {
  Exp* left; // left operand
  Exp* right; // right operand
  ...
};
```

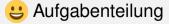
```
struct Addition : public Exp {
 Exp* left; // left operand
 Exp* right; // right operand
  . . .
};
int Addition::size() const {
 return 1 + left->size()
           + right->size();
}
```

```
struct Times : public Exp {
  Exp* left; // left operand
  Exp* right; // right operand
  ...
};
```

```
struct Addition : public Exp {
 Exp* left; // left operand
 Exp* right; // right operand
  . . .
};
int Addition::size() const {
 return 1 + left->size()
           + right->size();
}
```

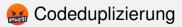
```
struct Times : public Exp {
 Exp* left; // left operand
 Exp* right; // right operand
  . . .
};
int Times::size() const {
 return 1 + left->size()
           + right->size();
```

```
struct Addition : public Exp {
                                   struct Times : public Exp {
 Exp* left; // left operand
                                    Exp* left; // left operand
 Exp* right; // right operand
                                    Exp* right; // right operand
  . . .
                                     . . .
};
                                   };
int Addition::size() const {
                                   int Times::size() const {
 return 1 + left->size()
                                    return 1 + left->size()
           + right->size();
                                              + right->size();
}
                                   }
```



```
struct Addition : public Exp {
                                   struct Times : public Exp {
 Exp* left; // left operand
                                    Exp* left; // left operand
 Exp* right; // right operand
                                    Exp* right; // right operand
  . . .
                                     . . .
};
                                   };
int Addition::size() const {
                                   int Times::size() const {
 return 1 + left->size()
                                     return 1 + left->size()
           + right->size();
                                              + right->size();
}
                                   }
```

😀 Aufgabenteilung



Gemeinsamkeiten auslagern ...: BinExp

BinExp::BinExp(Exp* 1, Exp* r): left(1), right(r) {}

```
struct BinExp : public Exp {
   Exp* left;
   Exp* right;

BinExp(Exp* 1, Exp* r);
   int size() const;
};
```

Gemeinsamkeiten auslagern ...: BinExp

```
struct BinExp : public Exp {
 Exp* left;
 Exp* right:
 BinExp(Exp* 1, Exp* r);
 int size() const;
};
BinExp::BinExp(Exp* 1, Exp* r): left(1), right(r) {}
int BinExp::size() const {
 return 1 + this->left->size() + this->right->size():
```

Bemerkung: BinExp implementiert eval nicht und ist daher, genau wie Exp, eine abstrakte Klasse

}

```
struct Addition : public BinExp {
  Addition(Exp* 1, Exp* r);
  double eval() const;
};
```

```
struct Addition : public BinExp {      (left, right) und Funktionen
 Addition(Exp* 1, Exp* r);
 double eval() const;
};
```

Addition erbt Membervariablen (size) von BinExp

```
struct Addition : public BinExp {
  Addition(Exp* 1, Exp* r);
  double eval() const;
};
```

```
Addition::Addition(Exp* 1, Exp* r): BinExp(1, r) {}
```

Aufruf des Superkonstruktors (Konstruktor von BinExp) zwecks Initialisierung der Membervariablen left und right

```
struct Addition : public BinExp {
 Addition(Exp* 1, Exp* r);
 double eval() const;
};
Addition::Addition(Exp* 1, Exp* r): BinExp(1, r) {}
double Addition::eval() const {
 return
   this->left->eval() +
   this->right->eval();
}
```

... Gemeinsamkeiten erben: Times

```
struct Times : public BinExp {
 Times(Exp* 1, Exp* r);
 double eval() const;
};
Times::Times(Exp* 1, Exp* r): BinExp(1, r) {}
double Times::eval() const {
 return
   this->left->eval() *
   this->right->eval();
}
```

Beobachtung: Additon::eval() und Times::eval() sind sich sehr ähnlich und könnten ebenfalls zusammengelegt werden. Das dafür notwendige Konzept der funktionalen Programmierung geht jedoch über diesen Kurs hinaus.

Weitere Ausdrücke und Operationen

Weitere Ausdrücke, als von Exp abgeleitete Klassen, sind möglich, z.B. −, /, √, cos, log

Weitere Ausdrücke und Operationen

- Weitere Ausdrücke, als von Exp abgeleitete Klassen, sind möglich, z.B. −, /, √, cos, log
- Eine ehemalige Bonusaufgabe (Teil der heutigen Vorlesungsbeispiele auf Code Expert) veranschaulicht, was alles möglich ist: Variablen, trigonometrische Funktionen, Parsing, Pretty-Printing, numerische Vereinfachungen, symbolische Ableitungen, . . .

Mission: Monolithisch \rightarrow modular \checkmark

```
struct Literal : public Exp {
struct tnode {
                                                                   double val:
 char op;
 double val;
                                                                   double eval() const {
 tnode* left:
                                                                    return val:
 tnode* right:
                                                                 struct Addition : public Exp {
double eval(const tnode* n) {
 if (n->op == '=') return n->val;
                                                                   double eval() const {
 double 1 = 0:
                                                                    return left->eval() + right->eval();
 if (n->left != 0) l = eval(n->left);
 double r = eval(n->right);
 switch(n->op) {
   case '+': return 1 + r:
                                                                 struct Times : public Exp {
   case '*': return 1 - r:
   case '-': return 1 - r:
                                                                   double eval() const {
   case '/': return 1 / r:
                                                                     return left->eval() * right->eval():
   default:
    // unknown operator
     assert (false):
                                                                 struct Cos : public Exp {
                                                                   double eval() const {
int size (const tnode* n) const { ... }
                                                                     return std::cos(argument->eval()):
```

Es gibt noch so viel mehr ...

Nicht gezeigt/besprochen:

- Private Vererbung (class B : public A)
- Subtyping und Polymorphie ohne Zeiger
- Nicht-virtuelle Memberfunktionen und statische Bindung (virtual double eval())
- Überschreiben geerbter Memberfunktionen und Aufrufen der überschriebenen Implementierung
- Mehrfachvererbung (multiple inheritance)
- **...**

Im letzten Kursdrittel wurden einige Konzepte der *objektorientierten Programmierung* vorgestellt, die auf den kommenden Folien noch einmal kurz zusammengefasst werden.

Kapselung (Wochen 10-13):

- Verbergen der Implementierungsdetails von Typen (privater Bereich) vor Benutzern
- Definition einer Schnittstelle (öffentlicher Bereich) zum kontrollierten Zugriff auf Werte und Funktionalität
- Ermöglicht das Sicherstellen von Invarianten, sowie den Austausch von Implementierungen ohne Anpassungen von Benutzercode

Subtyping (Woche 14):

- Typhierarchien mit Super- und Subtypen können angelegt werden um Verwandtschaftbeziehungen sowie Abstraktionen und Spezialisierungen zu modellieren
- Ein Subtyp unterstützen mindestens die Funktionalität, die auch der Supertyp unterstützt i.d.R. aber mehr, d.h. Subtypen erweitern die Schnittstelle (den öffentlichen Bereich) ihrer Supertypen
- Daher können Subtypen überall dort eingesetzt werden, wo Supertypen verlangt sind . . .
- ... und Funktionen, die auf abstrakteren Typen (Supertypen) operieren können, können auch auf spezialisierteren Typen (Subtypen) operieren
- Die in Woche 7 vorgestellten Streams bilden eine solche Typhierarchie: ostream ist der abstrakte Supertyp, ofstream etc. sind spezialisierte Subtypen

Polymorphie und dynamische Bindung (Woche 14):

- Ein Zeiger vom statischen Typ T_1 kann zur Laufzeit auf Objekte vom (dynamischen) Typ T_2 zeigen, falls T_2 ein Subtyp von T_1 ist
- Wird eine virtuelle Memberfunktion von einem solchen Zeiger aus aufgerufen, so entscheidet der dynamische Typ darüber, welche Funktion ausgeführt wird
- D.h.: Trotz gleichem statischen Typ kann beim Zugriff auf eine gemeinsame Schnittstelle (Memberfunktionen) eines solchen Zeigers ein anderes Verhalten auftreten
- Zusammen mit Subtyping ermöglicht es dies, neue konkrete Typen (Streams, Ausdrücke, ...) zu einem bestehenden System hinzuzufügen, ohne dieses abändern zu müssen

Vererbung (Woche 14):

- Abgeleitete Klassen erben die Funktionalität, d.h. die Implementierungen von Memberfunktionen, ihrer Elternklassen
- Dies ermöglicht es, gemeinsam genutzten Code wiederverwenden zu können und vermeidet so Codeduplikation
- Geerbte Implementierungen k\u00f6nnen auch \u00fcberschrieben werden, um zu erreichen, dass eine abgeleitete Klasse sich anders verh\u00e4lt als ihre Elternklasse (im Kurs nicht gezeigt)

— Ende der Vorlesung —