

1. Einführung

Informatik: Definition und Geschichte, Algorithmen, Turing Maschine, Höhere Programmiersprachen, Werkzeuge der Programmierung, das erste C++ Programm und seine syntaktischen und semantischen Bestandteile

Was ist Informatik?

- Die Wissenschaft der **systematischen Verarbeitung von Informationen**, . . .
- . . . insbesondere der automatischen Verarbeitung mit Hilfe von Digitalrechnern.

(Wikipedia, nach dem “Duden Informatik”)

Informatik \neq Computer Science

Computer science is not about machines, in the same way that astronomy is not about telescopes.

Mike Fellows, US-Informatiker (1991)

Computer Science \subseteq Informatik

- Die Informatik beschäftigt sich heute auch mit dem Entwurf von schnellen Computern und Netzwerken. . .
- . . . aber nicht als Selbstzweck, sondern zur effizienteren **systematischen Verarbeitung von Informationen.**

Informatik \neq EDV-Kenntnisse

EDV-Kenntnisse: *Anwenderwissen*

- Umgang mit dem Computer
- Bedienung von Computerprogrammen (für Texterfassung, Email, Präsentationen, . . .)

Informatik: *Grundlagenwissen*

- Wie funktioniert ein Computer?
- Wie schreibt man ein Computerprogramm?

Inhalt dieser Vorlesung

- Systematisches Problemlösen mit Algorithmen und der Programmiersprache C++.

Algorithmus: Kernbegriff der Informatik

Algorithmus:

- Handlungsanweisung zur schrittweisen Lösung eines Problems
- Ausführung erfordert keine Intelligenz, nur Genauigkeit (sogar Computer können es)
- nach *Muhammed al-Chwarizmi*, Autor eines arabischen Rechen-Lehrbuchs (um 825)



“Dixit algorizmi...” (lateinische Übersetzung)

Der älteste überlieferte Algorithmus...

... ist der **Euklidische Algorithmus** (aus Euklids *Elementen*, 3. Jh. v. Chr.)

- Eingabe: zwei natürliche Zahlen $a > b$
- Ausgabe: grösster gemeinsamer Teiler $\text{ggT}(a, b)$

Moderner Euklidischer Algorithmus am Beispiel:

a	b	$a \text{ div } b$	$a \text{ mod } b$
1071	1029	1	42
1029	42	24	21
42	21	2	0 $\Rightarrow \text{ggT} = 21$

ETH: Pionierin der modernen Informatik

1950: ETH mietet Konrad Zuses Z4, den damals einzigen funktionierenden Computer in Europa.

NEUE ZÜRCHER ZEITUNG

TECHNIK

Mittwoch, 28. August 1950 Blatt 2
Mittagsausgabe Nr. 2786 (10)

Das programmgesteuerte Rechengert an der Eidgenössischen Technischen Hochschule in Zürich

Die Einführung programmgesteuerter Rechenmaschinen in die Technik des Westens von Amerika wurde in der Artikel «Elektronische Rechenmaschinen» (vgl. Nr. 2119 der «N. Z. Z.» vom 17. Oktober 1948) und «Die moderne elektronische Rechenmaschine» (vgl. Nr. 272 der «N. Z. Z.» vom 26. April 1950) behandelt. Nachstehend soll nun etwas gesagt werden über die Entwicklung der elektronischen Techniken der Rechenarbeit in Zürich, die unter der Leitung von Prof. Dr. E. Stiefel steht, in Betrieb gekommen wurde. Damit ist diese Facette in der Lage, die in der Schweiz immer stärker werdenden Rechenarbeiten auch einer elektronischen Realisierung für wissenschaftliche Rechenarbeiten befähigt zu werden. Bereits sind einige mathematische Probleme bewältigt worden, und die Einführung vieler anderer Aufgaben ist vorbereitet.

Merkmale des Gerätes

Das Gerät ist ein Objekt in dem äusseren Entwicklungsstadium des Computers (Rechenwerk) es wurde im Auftrag des Institutes für angewandte Mathematik der E. T. H. unter Berücksichtigung von dessen Wünschen und Wünschen von Zuse als «Model Z4» konstruiert. Die ursprüngliche Entwicklung in Deutschland erfolgte in den Kriegsjahren und verlief unter Leitung von Prof. Dr. Zuse in der Werkstatt der Vereinigten Schulen. Es ist überaus interessant, festzustellen, wie für die meisten wesentlichen praktischen Probleme bereits genau dieselbe Lösung gefunden wurde, wie aber andere grosse Fragen sekundärer Wichtigkeit eine ganz unterschiedliche Behandlung bekommen wurde.

Eine kurze technische Charakterisierung lautet wie folgt: Elektronenröhrenschaltkreis (10 bis 2200 Röhren, 21 Schaltstellungen und einem Speicher für 64 Zahlen, welche mit arithmetischen Rechenleistungen arbeitet) Verwendung des Dualsystems und der halbierten Dualschaltung; Multiplikatoren (2,5 Sekunden) Programmsteuerung mit Hilfe zweier Lochkarten, und die weiteben verwendete, werden kurz Eingabe von Zahlen durch eine Tastatur oder durch eine Lochkarte; Ausgabe der Resultate durch Lampen, Lochstreifen oder Drucker.

Das Dual System

Allgemein wird programmgesteuerter Rechnerbau durch die Dualsysteme geregelt geht, wobei nur die zwei Zustände 0 und 1 verwendet, während die binäre Darstellung

lesen wir eine Dezimalzahl von rechts nach links, so erhält man die Umkehr von Nullen zu Einsen der Faktor 10. Im Dualsystem ist nun einfach dieser Faktor 10 durch 2 zu ersetzen. Also bedeutet die (numerisch gleiche) Zahl ebenfalls den Ausdruck:

$$1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 2^2 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^7$$

Die Zahl 1 wird in beiden Systemen gleich dargestellt. Um jedoch diese von anderen Zahlen unterscheiden zu können, schreiben wir die Ziffer 1 als 1₀ — Doppeln wird schon die 2₀, indem wir die 1₀ hinter dem des letzten 1₀ 0₀ 2₀ = 2₀ setzen. Eine solche Zahl (ohne Stellen nach dem Komma) nennt man Null spezifiziert wird, so spezifiziert sie sich aus dem Faktor 2 (und nicht wie im Dualsystem, um den Faktor 10). Auf diese Weise kann man 1,2 = 2 mit einfacher Weise gebildet werden, 100 = 4, 1000 = 8, 10000 = 16, usw.

Die Dualzahl 10101 bedeutet zum Beispiel:

$$1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 21$$

Es ist anzunehmen, dass ein Rechner nach dem Komma an Interpretation) so wird 1, 0,0, was folgt:

$$1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} + 1 \cdot 2^{-4} + 0 \cdot 2^{-5} + 0 \cdot 2^{-6}$$

$$= 0,3125$$

Der große Vorteil der des Dualsystems für Rechenarbeiten so geeignet macht, nämlich die Reduktion der Anzahl der verwendeten Eingaben auf nur zwei, wird allerdings durch einen Nachteil erhöht: Es braucht mehr Stellen, um eine bestimmte Zahl darzustellen. Die zehnerische Zahl 8

Änderung des Multiplikationsfaktors werden können.

Die handlichere Darstellung bringt eine gewisse Komplexität der Rechenoperationen mit sich. So können nur einer Addition die beiden Operanden zueinander zu verschoben werden, und ihre Kommas zueinander zu legen kommen, was im Hinblick einer beliebigen Operationen nicht möglich ist. Damit die Operationen durch das Zahlensystem verwirklicht werden, ist das Dualsystem durch eine geeignete Darstellung der Operanden zu ergänzen, die die Operationen in der Wirklichkeit mit einem Zahlenrechner.

Es soll also etwa addiert werden: $2,14738 \times 10^4$ (14738) und 10^4 (10000). Die Ziffern 1 und 10 sind, also die Kommas nach rechts zu verschieben (siehe links). Man nimmt die beiden Operanden «numerisch» verschieben, d. h. die beiden Operanden sind einander gleich zu verschieben, und ergibt sich die kleinere Antwort dem Wert des größeren, also 2. Die Zahlen lauten nun, welche untereinander geschrieben sind addiert, wie folgt:

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 214738 \\ + 10000 \\ \hline 224738 \end{array}$$

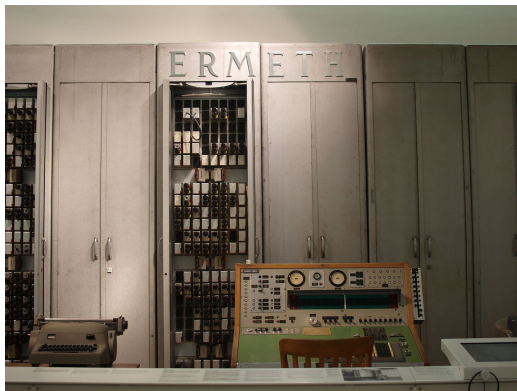


Abb. 1. Der Schalter bei der Fertigung einer Rechenkarte. Die Abbildung für den Lochstreifen und Lochkarten.

Bestimmte können «beliebig» gegeben werden, d. h. ihre Anfertigung wird von der Natur eines bestimmten Rechenproblems abhängig gemacht. Erst dann werden die entsprechenden weiteren Personen.

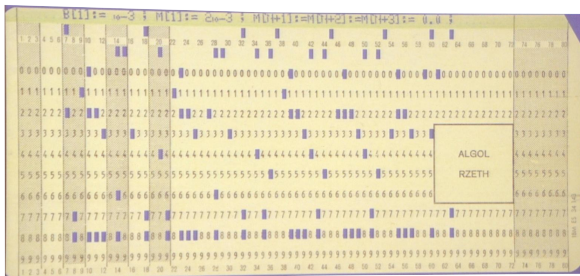
ETH: Pionierin der modernen Informatik

1956: Inbetriebnahme der ERMETH, entwickelt und gebaut an der ETH von Eduard Stiefel.



ETH: Pionierin der modernen Informatik

1958–1963: Entwicklung von ALGOL 60 (der ersten formal definierten Programmiersprache), unter anderem durch Heinz Rutishauer, ETH



1964: Erstmals können ETH-Studierende selbst einen Computer programmieren (die CDC 1604, gebaut von Seymour Cray).

ETH: Pionierin der modernen Informatik



Die Klasse 1964 heute (mit einigen Gästen)

ETH: Pionierin der modernen Informatik

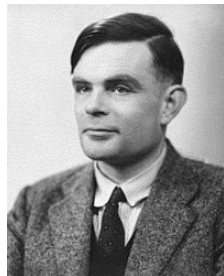
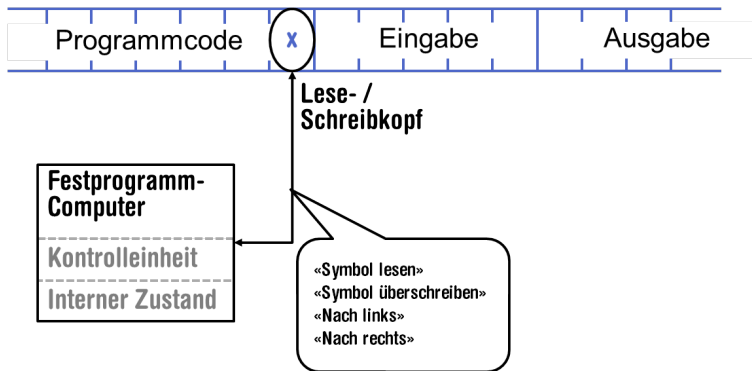
1968–1990: Niklaus Wirth entwickelt an der ETH die Programmiersprachen Pascal, Modula-2 und Oberon und 1980 die *Lilith*, einen der ersten Computer mit grafischer Benutzeroberfläche.



Computer – Konzept

Eine geniale Idee: Universelle Turingmaschine (Alan Turing, 1936)

Folge von Symbolen auf Ein- und Ausgabeband

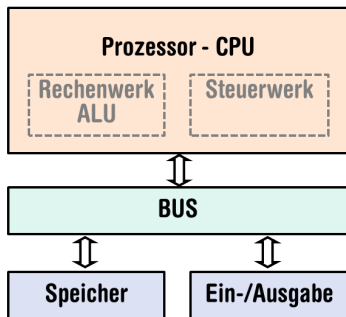


Alan Turing

Computer – Umsetzung

- Z1 – Konrad Zuse (1938)
- ENIAC – John Von Neumann (1945)

Von Neumann Architektur



Konrad Zuse



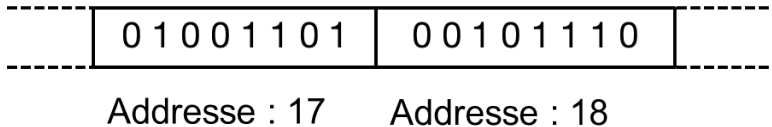
John von Neumann

Zutaten der *Von Neumann Architektur*:

- Hauptspeicher (RAM) für Programme *und* Daten
- Prozessor (CPU) zur Verarbeitung der Programme und Daten
- I/O Komponenten zur Kommunikation mit der Aussenwelt

Speicher für Daten *und* Programm

- Folge von Bits aus $\{0, 1\}$.
- Programmzustand: Werte aller Bits.
- Zusammenfassung von Bits zu Speicherzellen (oft: 8 Bits = 1 Byte).
- Jede Speicherzelle hat eine Adresse.
- Random Access: Zugriffszeit auf Speicherzelle (nahezu) unabhängig von ihrer Adresse.



Prozessor

Der Prozessor

- führt Befehle in Maschinensprache aus
- hat eigenen "schnellen" Speicher (Register)
- kann vom Hauptspeicher lesen und in ihn schreiben
- beherrscht eine Menge einfachster Operationen (z.B. Addieren zweier Registerinhalte)

Rechengeschwindigkeit

In der mittleren Zeit, die der Schall von mir zu Ihnen unterwegs ist...



30 m $\hat{=}$ mehr als 100.000.000 Instruktionen

arbeitet ein heutiger Desktop-PC mehr als 100 Millionen Instruktionen ab.¹

¹Uniprozessor Computer bei 1GHz

Deklaratives Wissen

Wissen über *Sachverhalte* – formulierbar in Aussagesätzen.

- Es gibt unendlich viele ganze Zahlen.
- Der Computerspeicher ist endlich.
- x ist eine Wurzel von y , wenn $y = x^2$.

Prozedurales Wissen

Wissen über *Abläufe* – formulierbar in Form von
Verarbeitungsanweisungen (kurz: Befehle).

Beispiel: *Algorithmus*² zur Approximation von \sqrt{y} :

- 1 Starte mit einem Schätzwert s von \sqrt{y} .
- 2 Ist s^2 nahe genug bei y , dann ist $x := s$ eine gute Approximation der Wurzel von y .
- 3 Andernfalls erzeuge eine neue Schätzung durch

$$s_{neu} := \frac{s + y/s}{2}.$$

- 4 Ersetze s durch s_{neu} und gehe zurück zu Schritt 2.

²Newton-Methode

Programmieren

- Mit Hilfe einer *Programmiersprache* wird dem Computer eine Folge von Befehlen erteilt, damit er genau das macht, was wir wollen.
- Die Folge von Befehlen ist das *(Computer)-Programm*.



The Harvard Computers, Menschliche Berufsrechner, ca.1890

Warum Programmieren?

- Da hätte ich ja gleich Informatik studieren können ...
- Es gibt doch schon für alles Programme ...
- Programmieren interessiert mich nicht ...
- Weil Informatik hier leider ein Pflichtfach ist ...
- ...

Darum Programmieren!

- Jedes Verständnis moderner Technologie erfordert Wissen über die grundlegende Funktionsweise eines Computers.
- Programmieren (mit dem Werkzeug Computer) wird zu einer Kulturtechnik wie Lesen und Schreiben (mit den Werkzeugen Papier und Bleistift)
- Die meisten qualifizierten Jobs benötigen zumindest elementare Programmierkenntnisse.
- Programmieren macht Spass!

Programmiersprachen

- Sprache, die der Computer "versteht", ist sehr primitiv (Maschinensprache).
- Einfache Operationen müssen in viele Einzelschritte aufgeteilt werden.
- Sprache variiert von Computer zu Computer.

Höhere Programmiersprache: darstellbar als Programmtext, der

- *von Menschen verstanden werden kann*
- *vom ComputermodeLL unabhängig ist*
→ *Abstraktion!*

Programmiersprachen – Einordnung

Unterscheidung in

- *Kompilierte* vs. interpretierte Sprachen
 - *C++*, C#, Pascal, Modula, Oberon, Java
vs.
Python, Tcl, Matlab
- *Höhere* Programmiersprachen vs. Assembler.
- *Mehrzweck*sprachen vs. zweckgebundene Sprachen.
- *Prozedurale, Objekt-Orientierte*, Funktionsorientierte und logische Sprachen.

Warum C++?

Andere populäre höhere Programmiersprachen: Java, C#, Objective-C, Modula, Oberon, ...

- C++ ist relevant in der Praxis.
- Für das wissenschaftliche Rechnen (wie es in der Mathematik und Physik gebraucht wird), bietet C++ viele nützliche Konzepte.
- C++ ist weit verbreitet und “läuft überall”
- C++ ist standardisiert, d.h. es gibt ein “offizielles” C++.
- Der Dozent mag C++.

Warum C++?

- C++ versieht C mit der Mächtigkeit der Abstraktion einer höheren Programmiersprache
- In diesem Kurs: C++ als Hochsprache eingeführt (nicht als besseres C)
- Vorgehen: Traditionell prozedural → Typ gebunden, objekt-orientiert

Deutsch vs. C++

Deutsch

*Es ist nicht genug zu wissen,
man muss auch anwenden.
(Johann Wolfgang von Goethe)*

C++

```
// computation  
int b = a * a; // b = a^2  
b = b * b;    // b = a^4
```

Syntax und Semantik

- Programme müssen, wie unsere Sprache, nach gewissen Regeln geformt werden.
 - **Syntax**: Zusammenfügingsregeln für elementare Zeichen (Buchstaben).
 - **Semantik**: Interpretationsregeln für zusammengefügte Zeichen.
- Entsprechende Regeln für ein Computerprogramm sind einfacher, aber auch strenger, denn Computer sind vergleichsweise dumm.

C++: Fehlerarten illustriert an deutscher Sprache

- Das Auto fuhr zu schnell. Syntaktisch und semantisch korrekt.
- DasAuto fuh r zu sxhnell. Syntaxfehler: Wortbildung.
- Rot das Auto ist. Syntaxfehler: Satzstellung.
- Man empfiehlt dem Dozenten nicht zu widersprechen. Syntaxfehler: Satzzeichen fehlen .
- Sie ist nicht gross und rothaarig. Syntaktisch korrekt aber mehrdeutig. [kein Analogon]
- Die Auto ist rot. Syntaktisch korrekt, doch semantisch fehlerhaft: Falscher Artikel. [Typfehler]
- Das Fahrrad gallopiert schnell. Syntaktisch und grammatikalisch korrekt! Semantisch fehlerhaft. [Laufzeitfehler]
- Manche Tiere riechen gut. Syntaktisch und semantisch korrekt. Semantisch mehrdeutig. [kein Analogon]

Syntax und Semantik von C++

Syntax

- Was *ist* ein C++ Programm?
- Ist es *grammatikalisch* korrekt?

Semantik

- Was *bedeutet* ein Programm?
- Welchen Algorithmus realisiert ein Programm?

Syntax und Semantik von C++

Der ISO/IEC Standard 14822 (1998, 2011)...

- ist das “Gesetz” von C++
- legt Grammatik und Bedeutung von C++-Programmen fest
- enthält seit 2011 Neuerungen für *fortgeschrittenes* Programmieren...
- ... weshalb wir auf diese Neuerungen hier auch nicht weiter eingehen werden.

Was braucht es zum Programmieren?

- **Editor:** Programm zum Ändern, Erfassen und Speichern von C++-Programmtext
- **Compiler:** Programm zum Übersetzen des Programmtexts in Maschinsprache
- **Computer:** Gerät zum Ausführen von Programmen in Maschinsprache
- **Betriebssystem:** Programm zur Organisation all dieser Abläufe (Dateiverwaltung, Editor-, Compiler- und Programmaufruf)

Sprachbestandteile am Beispiel

- Kommentare/Layout
- Include-Direktiven
- Die main-Funktion
- Werte, Effekte
- Typen, Funktionalität
- Literale
- Variablen
- Konstanten
- Bezeichner, Namen
- Objekte
- **Ausdrücke**
- L- und R-Werte
- Operatoren
- Anweisungen

Das erste C++ Programm

```
// Program: power8.cpp
// Raise a number to the eighth power.
#include <iostream>
int main(){
    // input
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
    int a;
    std::cin >> a;
    // computation
    int b = a * a; // b = a^2
    b = b * b;     // b = a^4
    // output b * b, i.e., a^8
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
    return 0;
}
```

Verhalten eines Programmes

Zur Compilationszeit:

- vom Compiler akzeptiertes Programm (syntaktisch korrektes C++)
- Compiler-Fehler

Zur Laufzeit:

- korrektes Resultat
- inkorrektes Resultat
- Programmabsturz
- Programm terminiert nicht (Endlosschleife)

Kommentare

```
// Program: power8.cpp
// Raise a number to the eighth power.
#include <iostream>
int main() {
    // input
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
    int a;
    std::cin >> a;
    // computation
    int b = a * a; // b = a^2
    b = b * b;     // b = a^4
    // output b * b, i.e., a^8
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
    return 0;
}
```

Kommentare



Kommentare und Layout

Kommentare

- hat jedes gute Programm,
- dokumentieren, *was* das Programm *wie* macht und wie man es verwendet und
- werden vom Compiler ignoriert.
- Syntax: “Doppelslash” // bis Zeilenende.

Ignoriert werden vom Compiler ausserdem

- Leerzeilen, Leerzeichen,
- Einrückungen, die die Programmlogik widerspiegeln (sollten)

Kommentare und Layout

Dem Compiler ist's egal...

```
#include <iostream>
int main(){std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
int a; std::cin >> a; int b = a * a; b = b * b;
std::cout << a << "^8 = " << b*b << ".\n";return 0;}
```

... uns aber nicht!

Include und Mainfunktion

```
// Program: power8.cpp
// Raise a number to the eighth power.
#include <iostream> ← Include Directive
int main() { ← Funktionsdeklaration der main-Funktion
    // input
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
    int a;
    std::cin >> a;
    // computation
    int b = a * a; // b = a^2
    b = b * b;     // b = a^4
    // output b * b, i.e., a^8
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
    return 0;
}
```

Include-Direktiven

C++ besteht aus

- Kernsprache
- Standardbibliothek
 - Ein/Ausgabe (Header `iostream`)
 - Mathematische Funktionen (`cmath`)
 - ...

```
#include <iostream>
```

- macht Ein/Ausgabe verfügbar

Die Hauptfunktion

Die `main`-Funktion

- existiert in jedem C++ Programm
- wird vom Betriebssystem aufgerufen
- wie eine mathematische Funktion ...
 - Argumente (bei `power8.cpp`: keine)
 - Rückgabewert (bei `power8.cpp`: 0)
- ... aber mit zusätzlichem *Effekt*.
 - Lies eine Zahl ein und gib die 8-te Potenz aus.

Anweisungen (Statements)

```
int main() {  
    // input  
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";  
    int a;  
    std::cin >> a;  
    // computation  
    int b = a * a; // b = a^2  
    b = b * b; // b = a^4  
    // output b * b, i.e., a^8  
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";  
    return 0;  
}
```

Ausdrucksanweisungen

Rückgabeanweisung

Anweisungen (statements)

- Bausteine eines C++ Programms
- werden (sequenziell) *ausgeführt*
- enden mit einem Semikolon
- Jede Anweisung hat (potenziell) einen *Effekt*.

Ausdrucksanweisungen

- haben die Form

`expr;`

wobei *expr* ein Ausdruck ist

- Effekt ist der Effekt von *expr*, der Wert von *expr* wird ignoriert.

Beispiel: `b = b*b;`

Rückgabeeanweisungen

- treten nur in Funktionen auf und sind von der Form

`return expr;`

wobei *expr* ein Ausdruck ist

- spezifizieren Rückgabewert der Funktion

Beispiel: `return 0;`

Anweisungen – Werte und Effekte

```
int main() {
    // input
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
    int a;
    std::cin >> a;
    // computation
    int b = a * a;
    b = b * b;
    // output
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
    return 0;
}
```

Effekt: Ausgabe des Strings Compute ...

Effekt: Eingabe einer Zahl und Speichern in a

Effekt: Speichern des berechneten Wertes von a*a in b

Effekt: Speichern des berechneten Wertes von b*b in b

Effekt: Rückgabe des Wertes 0

Effekt: Ausgabe des Wertes von a und des berechneten Wertes von b*b

Werte und Effekte

- bestimmen, was das Programm macht,
- sind rein semantische Konzepte:
 - Zeichen 0 bedeutet Wert $0 \in \mathbb{Z}$
 - `std::cin >> a;` bedeutet Effekt "Einlesen einer Zahl"
- hängen vom Programmzustand (Speicherinhalte / Eingaben) ab

Anweisungen – (Variablen)deklarationen

```
int main() {  
    // input  
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";  
    int a;  
    std::cin >> a;  
    // computation  
    int b = a * a; // b = a^2  
    b = b * b;     // b = a^4  
    // output b * b, i.e., a^8  
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";  
    return 0;  
}
```

Typ-
namen

Deklarationsanweisungen

Deklarationsanweisungen

- führen neue Namen im Programm ein,
- bestehen aus Deklaration + Semikolon

Beispiel: `int a;`

- können Variablen auch initialisieren

Beispiel: `int b = a * a;`

Typen und Funktionalität

`int`:

- C++ Typ für ganze Zahlen,
- entspricht $(\mathbb{Z}, +, \times)$ in der Mathematik

In C++ hat jeder Typ einen Namen sowie

- Wertebereich (z.B. ganze Zahlen)
- Funktionalität (z.B. Addition/Multiplikation)

Fundamentaltypen

C++ enthält fundamentale Typen für

- Ganze Zahlen (`int`)
- Natürliche Zahlen (`unsigned int`)
- Reelle Zahlen (`float`, `double`)
- Wahrheitswerte (`bool`)
- ...

Literale

- repräsentieren konstante Werte,
- haben festen *Typ* und *Wert*
- sind "syntaktische Werte".

Beispiele:

- 0 hat Typ `int`, Wert 0.
- `1.2e5` hat Typ `double`, Wert $1.2 \cdot 10^5$.

Variablen

- repräsentieren (wechselnde) Werte,
- haben
 - *Name*
 - *Typ*
 - *Wert*
 - *Adresse*
- sind im Programmtext "sichtbar".

Beispiel

`int a;` definiert Variable mit

- Name: a
- Typ: `int`
- Wert: (vorerst) undefiniert
- Adresse: durch Compiler bestimmt

Objekte

- repräsentieren Werte im Hauptspeicher
- haben *Typ*, *Adresse* und *Wert* (Speicherinhalt an der Adresse),
- können benannt werden (Variable) ...
- ... aber auch anonym sein.

Anmerkung

Ein Programm hat eine *feste* Anzahl von Variablen. Um eine variable Anzahl von Werten behandeln zu können, braucht es "anonyme" Adressen, die über temporäre Namen angesprochen werden können.

Bezeichner und Namen

(Variablen-)Namen sind Bezeichner:

- erlaubt: A,...,Z; a,...,z; 0,...,9;_
- erstes Zeichen ist Buchstabe.

Es gibt noch andere Namen:

- `std::cin` (qualifizierter Name)

Operatoren und Operanden

```
// input
std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
int a;
std::cin >> a;
// compute
int b = a * a; // b = a^2
b = b * b; // b = a^4
// output b * b, i.e., a^8
std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
return 0;
```

Diagram annotations:

- Linker Operand (Ausgabestrom) points to `std::cout` in the first line.
- Ausgabe-Operator points to `<<` in the first line.
- Rechter Operand (String) points to `"Compute a^8 for a =? "` in the first line.
- Rechter Operand (Variablenname) points to `a` in the second line.
- Eingabe-Operator points to `>>` in the second line.
- Linker Operand (Eingabetrom) points to `std::cin` in the second line.
- Zuweisungsoperator points to `=` in the third line.
- Multiplikationsoperator points to `*` in the fourth line.

Operatoren

Operatoren

- machen aus *Ausdrücken (Operanden)* neue zusammengesetzte *Ausdrücke*
- spezifizieren für die Operanden und das Ergebnis die Typen, und ob sie L- oder R-Werte sein müssen
- haben eine Stelligkeit

Multiplikationsoperator *

- erwartet zwei R-Werte vom gleichen Typ als Operanden (Stelligkeit 2)
- "gibt Produkt als R-Wert des gleichen Typs zurück", das heisst formal:
 - Der zusammengesetzte Ausdruck ist ein R-Wert; sein Wert ist das Produkt der Werte der beiden Operanden

Beispiele: $a * a$ und $b * b$

Zuweisungsoperator =

- linker Operand ist **L**-Wert,
- rechter Operand ist **R**-Wert des gleichen Typs.
- Weist linkem Operanden den Wert des rechten Operanden zu und gibt den linken Operanden als L-Wert zurück

Beispiele: $b = b * b$ und $a = b$

Vorsicht, Falle!

Der Operator = entspricht dem Zuweisungsoperator in der Mathematik ($:=$), nicht dem Vergleichsoperator ($=$).

Eingabeoperator >>

- linker Operand ist L-Wert (*Eingabestrom*)
- rechter Operand ist L-Wert
- weist dem rechten Operanden den nächsten Wert aus der Eingabe zu, *entfernt ihn aus der Eingabe* und gibt den Eingabestrom als L-Wert zurück

Beispiel: `std::cin >> a` (meist Tastatureingabe)

- Eingabestrom wird verändert und muss deshalb ein L-Wert sein!

Ausgabeoperator <<

- linker Operand ist L-Wert (*Ausgabestrom*)
- rechter Operand ist R-Wert
- gibt den Wert des rechten Operanden aus, fügt ihn dem Ausgabestrom hinzu und gibt den Ausgabestrom als L-Wert zurück

Beispiel: `std::cout << a` (meist Bildschirmausgabe)

- Ausgabestrom wird verändert und muss deshalb ein L-Wert sein!

Ausgabeoperator <<

Warum Rückgabe des Ausgabestroms?

- erlaubt Bündelung von Ausgaben

```
std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n"
```

ist wie folgt logisch geklammert

```
(((((std::cout << a) << "^8 = ") << b * b) << ".\n"))
```

- **std::cout << a** dient als linker Operand des nächsten << und ist somit ein L-Wert, der kein Variablenname ist.

Ausdrücke (Expressions)

```
// input  
std::cout << "Compute a^8 for a =? ";  
int a;  
std::cin >> a;
```

Zusammengesetzter Ausdruck

```
// computation  
int b = a * a; // b = a^2  
b = b * b; // b = a^4
```

Zweifach zusammengesetzter Ausdruck

```
// output b * b, i.e., a^8  
std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
```

↑
return 0; Vierfach zusammengesetzter Ausdruck

Ausdrücke (Expressions)

- repräsentieren *Berechnungen*,
- sind *primär* oder *zusammengesetzt* (aus anderen Ausdrücken und Operationen)

$a * a$

zusammengesetzt aus

Variablenname, Operatorsymbol, Variablenname

Variablenname: primärer Ausdruck

- können geklammert werden

$a * a = (a * a)$

Ausdrücke (Expressions)

haben *Typ*, *Wert* und *Effekt* (potenziell).

Beispiel

`a * a`

- Typ: `int` (Typ der Operanden)
- Wert: Produkt von `a` und `a`
- Effekt: keiner.

Beispiel

`b = b * b`

- Typ: `int` (Typ der Operanden)
- Wert: Produkt von `b` und `b`
- Effekt: Weise `b` diesen Wert zu.

Typ eines Ausdrucks ist fest, aber Wert und Effekt werden erst durch die *Auswertung* des Ausdrucks bestimmt.

L-Werte und R-Werte

```
// input
std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
int a;
std::cin >> a;

// computation
int b = a * a; // b = a^2
b = b * b; // b = a^4

// output b * b, i.e., a^8
std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
return 0;
```

The diagram illustrates the concept of L-values and R-values in C++ code. Blue boxes highlight L-values (Left-Hand Side), and blue arrows labeled "R-Wert" (Right-Hand Side) point to the right-hand side of the assignments and the output statement. Blue arrows labeled "L-Wert" (Left-Hand Side) point to the left-hand side of the assignments and the return statement.

- `std::cin >> a;`: `a` is an L-value.
- `int b = a * a;`: `b` is an L-value, and `a * a` is an R-value.
- `b = b * b;`: `b` is an L-value, and `b * b` is an R-value.
- `std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";`: `a` is an L-value, and `b * b` is an R-value.
- `return 0;`: `0` is an R-value.

L-Werte und R-Werte

L-Wert (“**L**inks vom Zuweisungsoperator”)

- Ausdruck mit *Adresse*
- *Wert* ist der Inhalt an der Speicheradresse entsprechend dem Typ des Ausdrucks.
- L-Wert kann seinen Wert ändern (z.B. per Zuweisung).

Beispiel: Variablenname

L-Werte und R-Werte

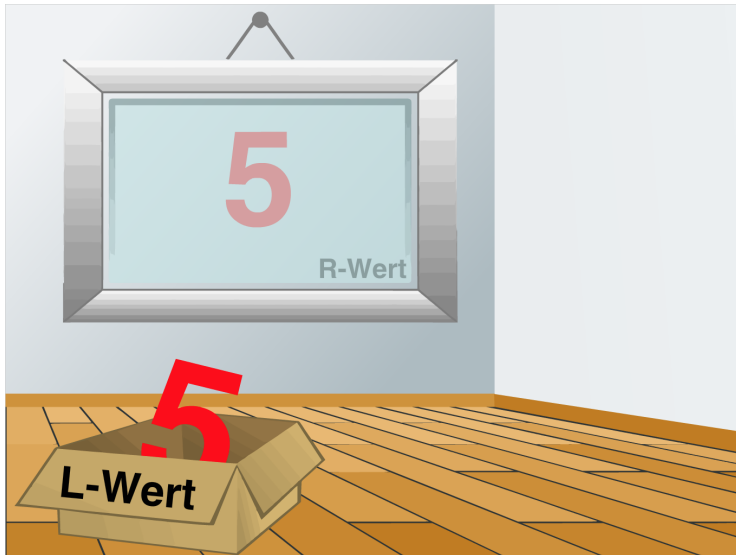
R-Wert (“**R**echts vom Zuweisungsoperator”)

- Ausdruck der kein L-Wert ist

Beispiel: Literal 0

- Jeder L-Wert kann als R-Wert benutzt werden (aber nicht umgekehrt).
- R-Wert kann seinen Wert *nicht ändern*.

L-Werte und R-Werte



power8_exact.cpp

- Problem mit `power8.cpp`: grosse Eingaben werden nicht korrekt behandelt
- Grund: Wertebereich des Typs `int` ist beschränkt (siehe nächste VL)
- Lösung: verwende einen anderen Typ, z.B. `ifm::integer`

power8_exact.cpp

```
// Program: power8_exact.cpp
// Raise a number to the eighth power,
// using integers of arbitrary size

#include <iostream>
#include <IFMP/integer.h>

int main()
{
    // input
    std::cout << "Compute a^8 for a =? ";
    ifmp::integer a;
    std::cin >> a;

    // computation
    ifmp::integer b = a * a; // b = a^2
    b = b * b;              // b = a^4

    // output b * b, i.e., a^8
    std::cout << a << "^8 = " << b * b << ".\n";
    return 0;
}
```