16. Dynamische Datenstrukturen

Verkettete Listen, Abstrakte Datentypen Stapel, Warteschlange

Datenstrukturen

Eine Datenstruktur **organisiert Daten** so in einem Computer, dass man sie **effizient nutzen** kann.

Motivation: Stapel



■ Webseiten Besuch (Back-Button)





- Webseiten Besuch (Back-Button)
- Undo-Funktion im Texteditor



- Webseiten Besuch (Back-Button)
- Undo-Funktion im Texteditor
- Rechner (mit Suffix Notation)

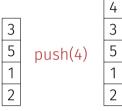
$$3\ 5\ 2\ *\ +\ =\ 3\ +\ (5\ *\ 2)\ =\ 13$$

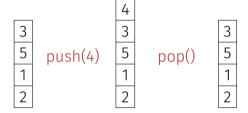


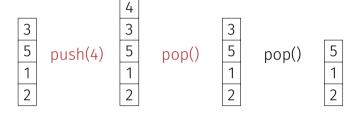


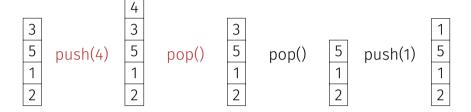
- Webseiten Besuch (Back-Button)
- Undo-Funktion im Texteditor
- Rechner (mit Suffix Notation)

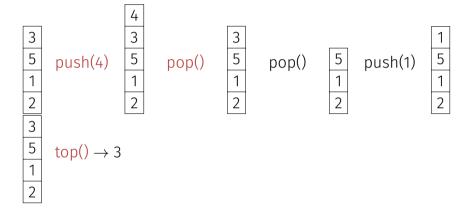
 Datenstruktur geeignet für eine Einführung in einer Vorlesung wie dieser ©



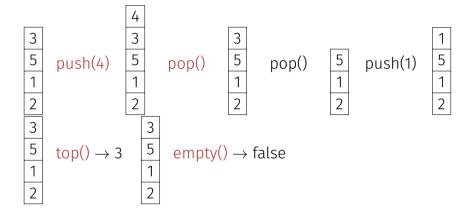




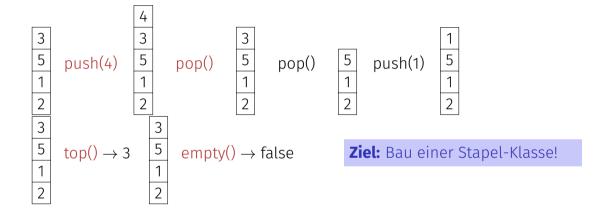




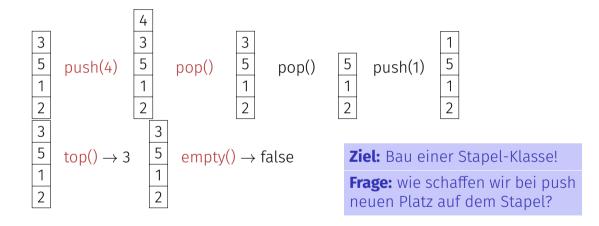
Stapel Operationen (push, pop, top, empty)



Stapel Operationen (push, pop, top, empty)



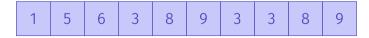
Stapel Operationen (push, pop, top, empty)



Container bisher: Array (T[])

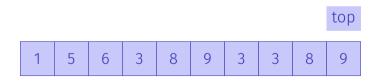
Container bisher: Array (T[])

 Zusammenhängender Speicherbereich, wahlfreier Zugriff (auf i-tes Element)



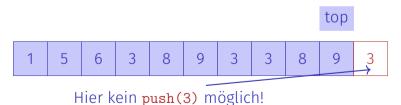
Container bisher: Array (T[])

- Zusammenhängender Speicherbereich, wahlfreier Zugriff (auf i-tes Element)
- Simulation eines Stapels durch ein Array?

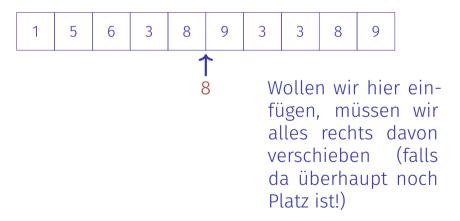


Container bisher: Array (T[])

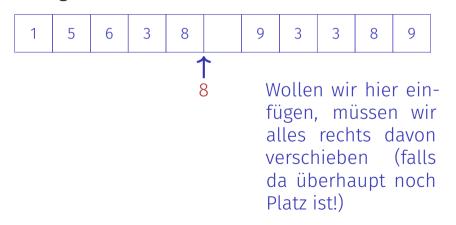
- Zusammenhängender Speicherbereich, wahlfreier Zugriff (auf i-tes Element)
- Simulation eines Stapels durch ein Array?
- Nein, irgendwann ist das Array "voll."



■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.



■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.

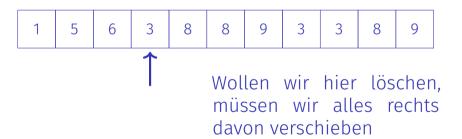


■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.

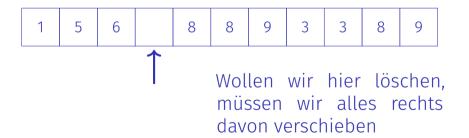


Wollen wir hier einfügen, müssen wir alles rechts davon verschieben (falls da überhaupt noch Platz ist!)

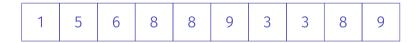
■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.



■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.



■ Einfügen oder Löschen von Elementen "in der Mitte" ist aufwändig.



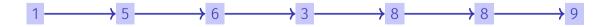
Wollen wir hier löschen, müssen wir alles rechts davon verschieben

■ **Kein** zusammenhängender Speicherbereich und **kein** wahlfreier Zugriff



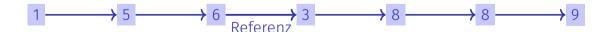
- **Kein** zusammenhängender Speicherbereich und **kein** wahlfreier Zugriff
- Jedes Element "kennt" seinen Nachfolger





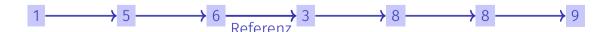
- **Kein** zusammenhängender Speicherbereich und **kein** wahlfreier Zugriff
- Jedes Element "kennt" seinen Nachfolger





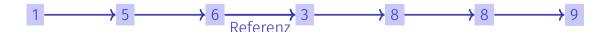
- **Kein** zusammenhängender Speicherbereich und **kein** wahlfreier Zugriff
- Jedes Element "kennt" seinen Nachfolger
- Einfügen und Löschen beliebiger Elemente ist einfach, auch am Anfang der Liste



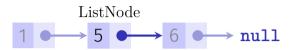


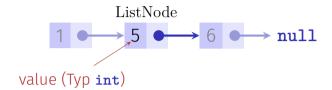
- **Kein** zusammenhängender Speicherbereich und **kein** wahlfreier Zugriff
- Jedes Element "kennt" seinen Nachfolger
- Einfügen und Löschen beliebiger Elemente ist einfach, **auch am Anfang der Liste**
- ⇒ Ein Stapel kann als verkettete Liste realisiert werden

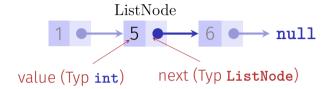












```
class ListNode {
 int value:
 ListNode next:
 ListNode (int value, ListNode next){
   this.value = value;
   this.next = next;
```

Ein **Stack** ist ein abstrakter Datentyp (ADT) mit Operationen

■ s.push(x): Legt Element x auf den Stapel s.

- s.push(x): Legt Element x auf den Stapel s.
- **s.pop()**: Entfernt und liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).

- s.push(x): Legt Element x auf den Stapel s.
- s.pop(): Entfernt und liefert oberstes Element von s, oder null (oder Fehlermeldung).
- **s.top()**: Liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).

- **s.push(x)**: Legt Element x auf den Stapel s.
- **s.pop()**: Entfernt und liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).
- **s.top()**: Liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).
- s.empty(): Liefert true wenn Stack s leer, sonst false.

- **s.push(x)**: Legt Element x auf den Stapel s.
- **s.pop()**: Entfernt und liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).
- **s.top()**: Liefert oberstes Element von **s**, oder **null** (oder Fehlermeldung).
- s.empty(): Liefert true wenn Stack s leer, sonst false.
- new Stack(): Liefert einen leeren Stack.

Stapel = Referenz aufs oberste Element



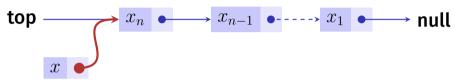
```
public class Stack {
    private ListNode top_node;
    public void push (int value) {...}
    public int pop() {...}
    public int top() {...}
    public boolean empty {...}
};
```

Implementation push

$$top \longrightarrow x_n \quad \bullet \longrightarrow x_{n-1} \quad \bullet \longrightarrow x_1 \quad \bullet \longrightarrow null$$

push(x):

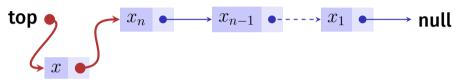
Implementation push



push(x):

1. Erzeuge neues Listenelement mit x und Referenz auf den Wert von \mathbf{top} .

Implementation push



push(x):

- 1. Erzeuge neues Listenelement mit x und Referenz auf den Wert von **top**.
- 2. Setze **top** auf den Knotem mit x.

```
public class Stack{
  private ListNode top node;
  public void push (int value){
    top_node = new ListNode (value, top_node);
push(4);
top node
```

```
public class Stack{
  private ListNode top node;
  public void push (int value){
    top_node = new ListNode (value, top_node);
push(4);
top node
```

```
public class Stack{
  private ListNode top node;
  public void push (int value){
    top node = new ListNode (value, top node);
push(4);
top node
```

```
public class Stack{
  private ListNode top node;
  public void push (int value){
    top node = new ListNode (value, top node);
push(4);
top node
```

Implementation empty in Java

```
public class Stack{
  private ListNode top_node;
  ...

public boolean empty(){
   return top_node == null;
  }
}
```

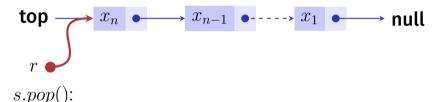
$$top \longrightarrow x_n \quad \bullet \longrightarrow x_{n-1} \quad \bullet \longrightarrow x_1 \quad \bullet \longrightarrow null$$

s.pop():

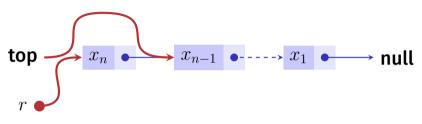
$$top \longrightarrow x_n \quad \bullet \longrightarrow x_{n-1} \quad \bullet \longrightarrow x_1 \quad \bullet \longrightarrow null$$

s.pop():

1. Ist top=null, dann gib null zurück (oder Fehlermeldung).



- 1. Ist top=null, dann gib null zurück (oder Fehlermeldung).
- 2. Andernfalls merke Referenz \mathbf{p} von \mathbf{top} in Hilfsvariable \mathbf{r} .



s.pop():

- 1. Ist top=null, dann gib null zurück (oder Fehlermeldung).
- 2. Andernfalls merke Referenz **p** von **top** in Hilfsvariable **r**.
- 3. Setze top auf p.next und gib r zurück

```
public int pop()
    assert (!empty());
    ListNode p = top_node;
    top node = top node.next;
    return p.value;
}
top_node
```

```
public int pop()
    assert (!empty());
    ListNode p = top_node;
    top node = top node.next;
    return p.value;
}
top_node
```

```
public int pop()
    assert (!empty());
    ListNode p = top_node;
    top node = top node.next;
    return p.value;
}
top_node
```

```
public int pop()
    assert (!empty());
    ListNode p = top_node;
    top node = top node.next;
    return p.value;
}
top_node
```

```
public int pop()
    assert (!empty());
    ListNode p = top_node;
    top node = top node.next;
    return p.value;
}
top_node
р
```

Weiteres Beispiel: Sortierte Verkettete Liste

Erwünschte Funktionalität:

- (Sortierte) Ausgabe
- Hinzufügen eines Wertes
- (Suchen eines Wertes)
- Entfernen eines Wertes

Da wollen wir hin

```
public class SortedList{
 ListNode head = null;
 // insert value in a sorted way
 public void insert(int value){ ... }
 // remove value if in list, return if value was found in list
 public boolean remove(int value){ ... }
 // output list values element by element
 public void output(){ ... }
```

ListNode

```
class ListNode{
 int value;
 ListNode next;
 ListNode (int value, ListNode next){
   this.value = value;
   this.next = next;
von n unerreichbar
```

output

```
public class SortedList{
 ListNode head = null;
 // output list values element by element, starting from head
 public void output(){
   ListNode n = head:
   while (n != null){
     Out.print(n.value + " -> ");
     n = n.next;
   Out.println("NIL");
```

n

Für eine Referenz **n** auf einen Knoten in einer sortierten Liste gilt



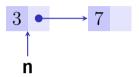
Für eine Referenz **n** auf einen Knoten in einer sortierten Liste gilt

 \blacksquare entweder n = null,



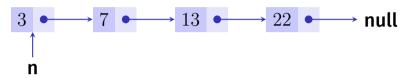
Für eine Referenz \mathbf{n} auf einen Knoten in einer sortierten Liste gilt

- \blacksquare entweder n = null,
- lacksquare oder n.next = null,



Für eine Referenz \mathbf{n} auf einen Knoten in einer sortierten Liste gilt

- \blacksquare entweder n = null,
- lacksquare oder n.next = null,
- oder $n.next \neq null$ und $n.value \leq n.next.value$.



Für eine Referenz \mathbf{n} auf einen Knoten in einer sortierten Liste gilt

- \blacksquare entweder n = null,
- lacksquare oder n.next = null,
- oder $n.next \neq null$ und $n.value \leq n.next.value$.

Invarianten: Einfügen von x

- (a) Liste ist leer oder
- (b) $x \le n$.value für alle Knoten n
- (c) x > n.value für alle Knoten n
- (d) Es gibt einen Knoten n mit Nachfolger m, so dass x > n.value und $x \le m$.value

Entwicklung des folgenden Codes live in der Vorlesung

Einfügen

```
// insert value in a sorted way (sorted increasingly by value)
public void insert(int value){
 if (head == null | value <= head.value) { // (a) or (b)
   head = new ListNode(value, head):
 else { // (c), (d)
   ListNode n = head:
   ListNode prev = null;
   while (n != null && value > n.value) {
     prev = n;
     n = n.next:
   prev.next = new ListNode(value, n);
```

Zusammenfassen

```
// insert value in a sorted way (sorted increasingly by value)
public void insert(int value){
 ListNode n = head:
 ListNode prev = null;
 while (n != null && value > n.value) {
   prev = n;
   n = n.next:
 }
 if (prev == null){
   head = new ListNode(value, n);
 } else {
   prev.setNext(new ListNode(value,n));
```

Invarianten: Löschen von 🗴

- (a) x ist nicht enthalten
- (b) x ist das erste Element (head)
- (c) **x** hat einen Vorgänger

Löschen

```
public boolean remove(int value){
 ListNode n = head:
 ListNode prev = null;
 while (n != null && value != n.value) {
   prev = n; n = n.next;
 if (n == null) { // (a)}
   return false:
 } else if (prev == null){ // (b)
   head = head.next;
 } else { // (c)
   prev.setNext(n.next);
 return true:
```

Queue ist ein ADT mit folgenden Operationen:

q.enqueue(x): fügt **x** am **Ende** der Schlange **q** an.

Queue ist ein ADT mit folgenden Operationen:

- q.enqueue(x): fügt x am Ende der Schlange q an.
- q.dequeue(): entfernt x vom Anfang der Schlange und gibt x zurück (null (oder Fehlermeldung) sonst.)

Queue ist ein ADT mit folgenden Operationen:

- q.enqueue(x): fügt x am **Ende** der Schlange q an.
- q.dequeue(): entfernt x vom Anfang der Schlange und gibt x zurück (null (oder Fehlermeldung) sonst.)
- **q.empty()**: liefert **true** wenn Queue leer, sonst **false**.

Queue ist ein ADT mit folgenden Operationen:

- q.enqueue(x): fügt x am **Ende** der Schlange q an.
- q.dequeue(): entfernt x vom Anfang der Schlange und gibt x zurück (null (oder Fehlermeldung) sonst.)
- **q.empty()**: liefert **true** wenn Queue leer, sonst **false**.

Queue ist ein ADT mit folgenden Operationen:

- **q.enqueue(x)**: fügt **x** am **Ende** der Schlange **q** an.
- q.dequeue(): entfernt x vom Anfang der Schlange und gibt x zurück (null (oder Fehlermeldung) sonst.)
- **q.empty()**: liefert **true** wenn Queue leer, sonst **false**.

First In First Out: Das, was zuerst hineinkommt, kommt zuerst wieder heraus. (Implementation: in der Übung)